# طراحي بهينهي ميراگر جرمي تنظيم شدهي چندگانهي فعال براي سازههاي غيرخطي

هیسترسیس

محتشم محبی <sup>۱، \*</sup>، حسین شعبانی <sup>۲</sup>

چکیدہ	اطلاعات مقاله
	دریافت مقاله: ۱۳۹۲/۱۰/۱۰
این مقاله، به طراحـی بهینـه و بررسـی کـارآیی میراگـر جرمـی تنظـیم شـدهی چندگانـه-	پذیرش مقاله: ۱۳۹۴/۰ ۱۳۹۴
ی فعال (AMTMD) در کاهش ارتعاشات سازههای غیرخطی هیسترسیس	
پرداختـه اسـت. بـرای کنتـرل فعـال سـازههـای غیرخطـی از الگـوریتم کنتـرل بهینـهی	واژگان کلیدی:
آنــی بــر پایــه روش عــددی نيومــارک اســتفاده شــده اســت. پارامترهــای بهينــهی	كنترل فعال ،
میراگرجرمـی تنظیمشـدهی چندگانـه و مقـادیر مـاتریسهـای وزنـی تـابع عملکـرد	میراگر جرمی تنظیم شدہی
کنترل فعال با هدف کمینهکردن بیشینهی نیروی کنترل مورد نیاز برای کاهش	چندگانه ،
ماکزیمم تغییرمکان جانبی سازه تا یک حـد مشخص تعیین شـده اسـت. بـرای حـل	میراگر جرمی تنظیم شدہی
مسالهی بهینهسازی با توجه به تعداد زیاد متغیرها از الگوریتم ژنتیک (GA)	چندگانەي فعال ،
اسـتفاده میشـود. بـرای آنـالیز عـددی، قـاب ۸ طبقـهی برشـی بـا منحنـی هیسترسـیس	قاب برشی غیر خطی،
دو خطی تحت ارتعاش اغتشاش سفید قـرار گرفتـه و بـرای مقـادیر مختلـف درصـد	بھينەسازى.
جرمی و تعـداد مختلـف ATMD بـه طراحـی بهینـهی مکـانیزم AMTMD پرداختـه	
شـده اسـت. همچنـین کـارایی ایـن سیسـتم در مقابـل زلزلـهـای دورگسـل و نزدیـک	
گسل آزموده شده است. نتایج بدست آمده موثر بودن روش پیشنهادی را در	
طراحی AMTMD روی سازههای غیرخطی نشان میدهد. همچنین میتوان	
گفت کـه مکـانیزم AMTMD در صـورت طراحـی بهینـه مـیتوانـد خرابـی را در سـازه-	
های غیرخطی تـا حـد زیـادی کـاهش دهـد. میـزان کـاهش وابسـته بـه درصـد جرمـی ،	
تعداد TMDها و مشخصات زلزله ورودی میباشد.	

۱- مقدمه

یکی از ابزارهای کنترل غیر فعال، میراگر جرمی تنظیم شده (Tuned Mass Damper-TMD) است که مقداری از انرژی وارد شده از بار دینامیکی نظیر باد و زلزله به سازه را جذب می کند[۱]. ایراد اصلیTMD منفرد حساسیت بالای آن به تنظیم نشدن فرکانسها میباشد. بررسیهای انجام شده نشان داده است که میراگر جرمی منفرد حتی ممکن است پاسخ مودهای بالاتر را تقویت کند[۲]. بنابراین TMD

تنها زیاد قابل اعتماد نیست و کاربرد بیش از یک TMD با خواص دینامیکی متفاوت برای بهبود کارایی آن پیشنهاد گردید[۳]. میراگرهای جرمی تنظیم شدهی چندگانه (MTMD) متشکل از چندین میراگر جرمی تنظیم شدهی منفرد TMD میباشد. در طراحی میتوان توزیع یکنواخت فرکانسهای طبیعی برای TMDها درنظر گرفت[۴]. فرکانسها نشان میدهد کارکرد MTMD به مقدار جرم، تعداد TMDها و دامنه فرکانسی طراحی و نحوهی توزیع آنها بستگی دارد[۵]. مکانیزم MTMD علاوه بر بهبود

<sup>\*.</sup> پست الكترونيك نويسنده مسئول: mohebbi@uma.ac.ir

۱. دانشیار، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه محقق اردبیلی

۲. فارغالتحصیل کارشناسی ارشد، مهندسی زلزله، دانشگاه محقق اردبیلی

پارامترهای ATMD در کاهش پاسخ سازههای معرفی كردند كه شامل موقعيت ميراگر تا مركز جرم، فركانس، نسبت میرایی ومینیمم کردن جابجایی انتقالی و پیچشی میباشد[۱۵]. سیستم AMTMD که شامل تعدادی ATMD با جرمهای کوچکتر نسبت به یک ATMD با جرم بزرگتر می باشد جهت بهبود کارایی، ساخت و نگهداری ATMD توسط لي و همکارانش پیشنهاد شد[۱۶]. مطالعات انجام شده نشان می دهد که سیستم AMTMD نسبت به سیستم ATMD موقعی که باید یک نیروی کنترلی بزرگی تولید شود خیلی موثرتر و کاراتر است. Li و Liu با روش جست و جوی عددی نشان دادند کارایی AMTMD با افزایش نسبت جرم وتعداد کل جرم تا یک حد مشخصی افزایش می یابد [۱۷]. لی و ژو نشان دادند در طراحی بهینهی AMTMD، نسبت میرایی متوسط بهینه در حالتی که الگوریتم کنترل حلقه باز استفاده شود کمتر از حالتی است که الگوریتم حلقه بسته-باز مورد استفاده قرار می گیرد[۱۸]. کومر و همکارانش نشان دادند استفاده از الگوریتم کنترل بهینه مدرن در AMTMD پاسخ سازه را نسبت به تئوری کنترل بهینه آنی بیشتر کاهش می-دهد[۱۹]. لي و همكارانش[۲۰] به طراحي AMTMD در سازههای نامتقارن و طراحی بهینهی پارامترهای AMTMD در سازههای نامتقارن ساخته شده بر روی خاک نرم [۲۱] پرداختند. بر اساس نتایج بدست آمده می توان گفت که AMTMD در کاهش پاسخ سازههای نامتقارن موثرتر از ATMD بوده و همچنین در طراحی بهینهی AMTMD باید اثر ساختار خاک و لنگر پیچشی لحاظ شود. اكثر تحقيقاتي كه بر روى عملكرد AMTMD انجام شده است با فرض رفتار خطی سازه بوده است، در حاليكه سازهها تحت اثر ارتعاشات شديد وارد ناحيهى غیرخطی می شوند. بنابراین نیاز است که به طراحی بررسی عملکرد AMTMD برای سازههای با رفتار غیرخطی پرداخته شود. کوین و همکارانش الگوریتم کنترل بهینه آنی را با استفاده از روش سعی وخطا برای کنترل سازههای غيرخطى استفاده كردند [٢٢]. ميائو و كوين از الگوريتم کنترل بهینه آنی پیشبینی شده برای کنترل سازههای غيرخطي استفاده كردند و نشان دادند در اين الگوريتم استفاده از سرعت زمین لرزه بجای شتاب زمین مناسبتر میباشد[۲۳]. با توجه به اینکه در مورد کارایی سیستم AMTMD بر روی سازههای با رفتار غیرخطی مطالعات

کارآیی، اغلب نیازمند یک فضای اختصاصی داده شده برای قرار دادن میراگرهای کوچک نمی باشد. با توجه به سبکی وزن این میراگرها استفادهی نادرست از هر جرم میراگر تنظیم شده باعث اثرات مضر در پاسخ سازه نخواهند شد. علاوه بر این، کارآیی میراگرهای جرمی تنظیم شدهی چندگانه حساسیت کمتری نسبت به عدم قطعیت پارامترهای سیستم دارد[۶]. لی [۷] کارایی پنج حالت مختلف سامانه MTMD را که شامل ترکیبهای متفاوتی از پارامترهای TMDها(جرم، سختی، و میرایی) بود، با هدف کمینه کردن ضریب بزرگ نمایی دینامیکی تغییر مکان و ضریب بزرگ نمایی دینامیکی شتاب یک سازه تحت شتاب زمین، مطالعه کرد. ژو و نایفه با طراحی بهینهی میراگر جرمی چندگانه با روش حل عددی، اثر تعداد TMD ها و درصد جرمی MTMD بر نحوهای کارکرد این سامانه را بررسی کردند. نتایج به دست آمده نشان داد که در سامانه كنترلى MTMD با وجود اينكه افزايش تعداد TMDها فقط تا تعدادی مشخصی از TMD در بهبود كاراییMTMD مؤثر است لیكن با افزایش تعداد TMDها قابلیت اعتماد و مقاوم بودن سامانه در مقابل تغییر پارامترهای سازه افزایش مییابد[۸]. محبی و همکارانش روشی مبتنی بر استفاده از الگوریتم ژنتیک را برای تعیین پارامترهای MTMD برای سازههای چند درجه آزادی خطی ارائه دادند[۹]. با توجه به اینکه استفاده از روشهای كنترل فعال براى افزايش قابليت مكانيزمهاى كنترل غیرفعال در کاهش پاسخ سازهها پیشنهاد شده است، بنابراین جهت بهبود عملکرد TMD و MTMD تحت اثر ارتعاش زلزله، از این مکانیزمها بصورت میراگر جرمی تنظیم شدهی فعال (ATMD) استفاده گردیده است. در این روش بهبود پاسخ دینامیکی سازه با تأمین نیروهای فعال در سازه صورت می گیرد. کاهش بیشتر جابجایی و شتاب سازه با در نظر گرفتن یک نیروی کنترل فعال بین سازه و سیستم TMD بهبود مى يابد [١٠]. مطالعات زيادى توسط محققين بر روی سیستم ATMD انجام شده است که می توان به استفاده از ATMD برای ساختمان های بلند تحت تحریک باد[۱۱]، بهینه کردن پارامترهای ATMD برای ساختمان-ها تحت تحریک باد[۱۲]، استفاده از قانون کنترل فیدبک جابجایی بهینه برای طراحی ATMD [۱۳] و طراحی ATMD با استفاده از کنترل فازی [۱۴] اشاره کرد. Li و همکارانش چهار معیار ارزیابی جهت بهینه کردن

بسیار محدود بوده و همچنین در طراحی این سیستم پارامترهای TMDها بر اساس یکسری فرضیات خاص بوده است، بنابراین در این مقاله به طراحی و بررسی کارایی مکانیزم AMTMD در قابهای غیرخطی پرداخته شده است. جهت طراحی بهینهی این سیستم، روش بهینه سازی ارائه شده توسط محبی و همکارانش[۹] برای طراحی ارائه شده توسط محبی و همکارانش[۹] برای طراحی بهینهی MTMD در سازههای خطی، به منظور طراحی سیستم کنترلی AMTMD در سازههای غیرخطی توسعه داده شده است. برای این منظور قاب برشی ۸ طبقه با رفتار دو خطی هیسترسیس تحت اثر زلزلهی اغتشاش سفید قرار گرفته و به طراحی AMTMD پرداخته شده است. همچنین تأثیر عوامل مختلف مانند تعداد MTMDها، درصد جرم و رکود زلزلههای مختلف، در کارایی AMTMD در سازههای غیرخطی بررسی شده است.

# - معادلـــه حركـــت سيســـتم ســازه AMTMD

سیستمی متشکل از سازهی اصلی به صورت قاب برشی n درجه آزادی با رفتار غیرخطی، تحت شتاب پایه  $X_{g}$  به همراه تعداد  $N_{\scriptscriptstyle tmd}$  میراگر جرمی منفرد با مشخصات دینامیکی متفاوت که میراگرهای جرمی در طبقه آخر سازه اصلی و به صورت موازی نصب شدهاند، در نظر گرفته شده است. معادله حركت به شكل زير نوشته مى شود:  $M\ddot{X}(t) + F_D(\dot{X}(t)) + F_S(X(t)) = Du(t) + Me\ddot{X}_g$ () $\dot{X}$ ، که در آن t زمان،  $\ddot{X}_{e}$  شتاب زمین، X بردارجابجایی t بردار سرعت، <sup>...</sup> بردارشتاب، M ماتریس جرم بردار نیروی میرایی  $F_D$  بعدی،  $(n+N_{md}) imes (n+N_{md})$  $(n+N_{{\scriptscriptstyle tmd}})$  بعدی،  $F_{S}$  بردار نیروی مقاوم  $(n+N_{{\scriptscriptstyle tmd}})$ بعدی،  $e = [-1, -1, ..., -1]^T$  بعدی، شتاب زمین ها TMD ماتریس موقعیت ( $n+N_{tmd}$ ) بعدی و  $(N_{tmd})$  بعدی و u(t) بعدی u(t) بعدی  $(n) \times (N_{tmd})$ می باشد. مقدار نیروی های میرایی و سختی را در هر گام مي توان بصورت زير بيان كرد.

$$F_{D_k} = F_{D_{k-1}} + C_{k-1}^* [\dot{X}_k - \dot{X}_{k-1}]$$
<sup>(Y)</sup>

$$F_{S_k} = F_{S_{k-1}} + K_{k-1}^* [X_k - X_{k-1}]$$
(<sup>r</sup>)

که k تکرار گام زمانی،  $K_{k-1}^*$  و  $K_{k-1}^*$  ماتریس سختی و ماتریس میرایی مماسی در زمان  $t = (k-1)\Delta t$  میباشد. معادله (۱) را در زمان  $t = (k-1)\Delta t = t = t(k)\Delta t$  می-توان بصورت زیر نوشت.

 $M\ddot{X}_{k-1} + F_{D_{k-1}} + F_{S_{k-1}} = Me\ddot{X}_{S_{k-1}} + Du_{k-1}$  (f)

 $M\ddot{X}_{k} + F_{D_{k}} + F_{S_{k}} = Me\ddot{X}_{g_{k}} + Du_{k}$  (۵) معادله نموی حرکت در فاصله زمانی  $(k-1)\Delta t$  تا  $(k-1)\Delta t$  بصورت زیر نوشته می شود.

$$M\Delta \ddot{X}(t) + C^*\Delta \dot{X}(t) + K^*\Delta X(t) = \Delta P(t)$$
 (7)

$$\Delta \ddot{X}(t) = \ddot{X}_{k} - \ddot{X}_{k-1} \tag{Y}$$

$$\Delta \dot{X}(t) = \dot{X}_{k} - \dot{X}_{k-1} \tag{A}$$

$$\Delta X(t) = X_k - X_{k-1} \tag{9}$$

$$\Delta P(t) = p_k - P_{k-1} \tag{(1.)}$$

$$P_k = Me\ddot{X}_{g_k} + Du_k \tag{11}$$

$$P_{k-1} = Me\ddot{X}_{g_{k-1}} + Du_{k-1} \tag{11}$$

در معادله فوق، ماتریس میرایی مماسی ( $C^*$ ) و ماتریس جرم (M)جرم ثابت بوده ولی ماتریس سختی مماسی (  $K^*$ )، در هر لحظه تغییر میکند. برای حل معادله نموی حرکت از روشهای مختلف عددی میتوان استفاده کرد که در این مقاله از روش Newmark- $\beta$  استفاده شده است

# ۳- الگوریتم تعیین بردار نیروی کنترل

در این مقاله از الگوریتم کنترل بهینه آنی توسعه داده شده توسط جغتایی و محبی[۲۵] برای تعیین نیروی کنترل سازههای با رفتار غیرخطی استفاده شده است. دراین روش بردار نیروی کنترل در هر لحظه بصورت تابعی از جابجایی، سرعت و شتاب سازه بصورت زیر نوشته می شود. یک درصد جرمی مشخص بوده بطوریکه ماکزیمم تغییر مکان جانبی نسبی سازه تا یک حد معینی کاهش یابد. در این حالت طراحی بهینهی AMTMD به صورت یک مساله بهینهسازی نوشته میشود که در آن پارامترهای TMDها (شامل سختی و میرایی) و ماتریسهای وزنی بعنوان متغیرهای مسالهی بهینه سازی در نظر گرفته شده است.  $k_{d_j}$  متغیرهای مسالهی بهینه سازی در نظر گرفته شده است. TMD در صورتیکه پارامترهای *i* امین TMD شامل سختی  $k_{d_j}$ میرایی  $c_{d_j}$  و جرم  $m_{d_j}$  باشد و از جرم یکسان برای TMD ها استفاده شود، همچنین ماکزیمم تغییر مکان جانبی نسبی سازه و TMDها، بعنوان محدودیت در مسالهی بهینه ازی اعمال و در این حالت مساله بهینه سازی بصورت زیر تعریف میشود.

Find:  $c_{d_1}, k_{d_1}, ..., c_{d_{N_{tmd}}}, k_{d_{N_{tmd}}}, Q_1, Q_2, Q_3, R$  (1Y)

Minimize:  $F_{\text{max}}$  (1 $\lambda$ )

Subject to:  $Y_{\text{max}} \le D_{L_I}$  (19)

$$Y_{\max(TMD)} \le D_{L_2} \tag{(7.)}$$

$$F_{\max} = \max \left( |U_{k}(i)|, k = 1, 2, ..., k_{\max} \right), i = 1, 2, ..., N_{tmd}$$
$$Y_{max} = max(|y_{k}(i)|, k = 1, 2, ..., k_{max}), i = 1, 2, ..., N_{tmd}$$
$$Y_{max}(TMD) = max(|Y_{TMD_{i}}|) i = 1, 2, ..., N_{tmd}$$

 $Y_{max}$  حداکثر تغییر مکان جانبی نسبی سازه و (i) تغییر مکان نسبی طبقه *i* ام میباشد.  $k_{max}$  بیشینهی گام زمانی تحلیل، (TMD) حداکثر تغییر مکان جانبی نسبی MDTها،  $D_{e} 2 D_{L}$  محدودیتی است که بترتیب برای ماکزیمم جابجایی جانبی نسبی سازه و TMDها در نظر گرفته میشود. اعمال محدودیت برای حداکثر تغییرمکان جانبی میراگرها،  $D_{L2}$ ، کارایی مکانیزم MMTMD را تحت تاثیر قرار میدهد، طوریکه افزایش مقدار این پارامتر تا یک مقدار مشخصی باعث بهبود عملکرد MMTMD خواهد شد. در نمونههای عملی این مقدار بر اساس مشخصات کارخانهی سازندهی میراگر انتخاب میگردد. همچنین

$$U_{k} = -\mathbf{R}^{-1}D^{T}K_{a_{k}}^{*-T} \left( Q_{I}X_{k} + a_{4}Q_{2}\dot{X}_{k} + a_{1}Q_{3}\ddot{X}_{k} \right) (1\%)$$

$$K_{n_k}^* = a_1 M + a_4 C_{k-1}^* + K_{k-1}^* \qquad (1f)$$

$$a_1 = \frac{1}{\delta(\Delta t)^2}; a_2 = \frac{1}{\delta\Delta t}; a_3 = \frac{1}{2\delta}$$
 (\\\Delta a, b, c)

$$a_4 = \frac{\gamma}{\delta \Delta t}; a_5 = \frac{\gamma}{\delta}; a_6 = \Delta t \left(\frac{\gamma}{2\delta} - 1\right)$$
 (1%a,b,c)

در معادله  $\delta$  و  $\gamma$  پارامترهای روش نیومارک میباشند که باید بصورت مناسبی جهت پایداری در حل معادلات ارتعاش انتخاب شوند[27]. حرف(T) به منظور ترانسپوز کردن بردار، [7, 2, 2, 0] ماتریس های وزنی نیمه مثبت معین بردار،  $(n + N_{tmd})$  ماتریس های وزنی مثبت معین ( $n + N_{tmd}$ ) بعدی و R ماتریس وزنی مثبت معین ( $n + N_{tmd}$ ) بعدی میباشند. در معادله فوق مقدار ( $N_{tmd} \times N_{tmd}$ ) بعدی میباشند. در معادله فوق مقدار در معادلهی فوق وابسته به مقادیر ماتریسهای وزنی می-باشد که برای بدست آوردن ماتریسهای وزنی استراتژیهای مختلفی ارائه شده است[77-77]. جغتائی و محبی از تکنیک بهینه سازی برای تعیین ماتریسهای وزنی استفاده مینیمم کردن ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز برای کاهش مینیم کردن ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز برای کاهش مهم برای تعیین ماتریسهای وزنی این مقاله

#### ۴- طراحی بهینهی AMTMD

طراحی مکانیزم AMTMD میتواند بر اساس معیارهای مختلفی صورت پذیرد. با توجه به اینکه در سازههای با رفتار غیرخطی تغییرمکان جانبی نسبی طبقات سازه به عنوان معیار خرابی در نظر گرفته میشود لذا در این پژوهش از معیار کنترل تغییرمکان جانبی نسبی طبقات سازه به عنوان معیار ایمنی در طراحی AMTMD استفاده شده است. در طراحی این مکانیزم، کاهش تغییرمکان جانبی نسبی طبقات همزمان با مینیمم کردن ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیار در محرکها میباشد. بنابراین در این مقاله، تابع هدف در طراحی مکانیزم مورد نیاز AMTMD مینیمم کردن ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز AMTMDها، ها، جه ازای

انتخاب مقدار برای D<sub>L1</sub> بر اساس هدف مورد نظر از کاربرد سیستم کنترل تعیین میشود.

برای حل مسالهی بهینهسازی فوق با توجه به تعداد زیاد متغیرها و همچنین غیرخطی بودن معادلات از الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. در این مقاله، با توجه به اینکه تابع هدف در طراحی مکانیزم AMTMD مینیمم کردن ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز AMTMDها برای کاهش ماکزیمم تغییر مکان جانبی نسبی سازه تا یک حد معینی میباشد، لذا حداکثر نیروی کنترل بستگی به افزایش مقدار تقاضا جهت کاهش ماکزیمم جابجایی نسبی سازه، به ازای یک درصد جرمی مشخص دارد که ممکن است از ظرفیت محرکها بیشتر باشد. معادلات فوق با فرض عدم اشباع ظرفیت محرکها نوشته شده است. در صورت اشباع ظرفیت محرکها، برای حل این مشکل در روش مورد استفاده در این مقاله میتوان ظرفیت محرک را به عنوان

#### ۵- مثال عددی

برای اینکه مکانیزم AMTMD در مقابل زلزلههای مختلف مؤثر باشد در این مقاله سازه در مقابله تحریک پایه ازنوع اغتشاش سفید، (w<sub>1</sub>(t، با بیشینهی شتاب ارتعاش

برابر PGA=0.4g، مطابق شکل (۲)، قرار گرفته و به طراحی بهینهی AMTMD پرداخته شده است.

جدول (۱) ماکزیمم تغییر مکان جانبی نسبی سازهی کنترل نشده را تحت ارتعاش  $w_1(t)$  نشان میدهد. تحت اثر ارتعاش  $(t)_1 w_1$  نشان میدان جانبی اثر ارتعاش  $(t)_{yielding} = 2.4 \text{ cm}$  بوده و وارد ناحیه غیر خطی شدهاند.





## 1-۵- طراحی AMTMD با N<sub>tmd</sub> =5 و درصد جرمی%μ=2.5

برای توضیح روش پیشنهادی برای طراحی بهینهی  $w_1(t)$  توضیح روش پیشنهادی برای طراحی بهینهی AMTMD ، قاب ۸ طبقه تحت ارتعاش  $w_1(t)$  در حالتی که پنج میراگر جرمی با درصد جرمی برابر  $\mu$ =2.5% طبقهی آخر به صورت موازی قرار گرفتهاند، در نظر گرفته شده است که  $\mu$  برابر نسبت جرم MMTMD به جرم کل سازه میباشد. در صورتیکه این مکانیزم بصورت غیرفعال طراحی شود به ازای مقادیر مختلف درصد جرمی، ماکزیمم جابجایی جانبی نسبی طبقات سازه در جدول (۱) آورده

$$P(x_i) = \frac{F(x_i)}{\sum_{i=1}^{N_{ind}} F(x_i)}$$
(14)

 $F(x_i)$  ، در آن  $P(x_i)$  احتمال انتخاب کروموزم آام،  $F(x_i)$  ، ما م در آن  $P(x_i)$  تعداد کروموزم در هر شایستگی کروموزم آم و  $N_{ind}$  تعداد کروموزم در هر جمعیت است. برای عملگر تولید مثل، روش تولید مثل داخلی استفاده شده است که در این روش نوزاد براساس داخلی استفاده شده است که در این روش نوزاد براساس  $r_i$  ترکیب خطی دو کورموزوم والد به صورت زیر نوشته می شود:  $O_{1,2} = P_1 + \alpha (P_2 - P_1)$ 

 $P_2 \quad P_2 \quad P_1$ و  $P_2 \quad \alpha$  متغیرهای کروموزمهای والد،  $O_{1,2}$  ژنهای کروموزم نوزاد و  $\alpha$  ضریب مقیاس است که به طور تصادفی و معمولا در فاصلهی [2.5 -0.25] برای تعیین هر متغیر کروموزم نوزاد انتخاب می شود [۳۲]. پارامترهای الگوریتم ژنتیک بصورت زیر انتخاب شده است:



شده است. مشاهده می شود حداکثر جابجایی نسبی سازه با استفاده از میراگر جرمی چندگانه (MTMD) بازای درصد جرمی %8=µ به Y<sub>max</sub>=1.35 cm کاهش یافته است. برای AMTMD، توضیح روش پیشنهادی برای طراحی بهینهی AMTMD، این مکانیزم طراحی می شود که بازای درصد جرمی این مکانیزم طراحی می شود که بازای درصد جرمی این مکانیزم که ایروی کنترل، ماکزیمم جابجایی نسبی سازه به ۲.35 cm کاهش یابد. برای حل مساله، ماتریسهای وزنی P<sub>max</sub>=1.35 cm به شکل قطری با درایههای غیرمنفی *p*زیر در نظر گرفته شدهاند.

$$Q_{1} = [q_{i}]$$

$$q_{i} = q_{1} \quad i = 1, 2, \dots, n$$

$$q_{i} = q_{1-i} \quad i = n+1, n+2, \dots, n+N_{tmd}$$
(71)

$$Q_{2} = \begin{bmatrix} q_{i} \end{bmatrix}$$

$$q_{i}=q_{2} \quad i=1,2,\dots,n$$

$$q_{i}=q_{2-i} \quad i=n+1,n+2,\dots,n+N_{tmd}$$

$$(YY)$$

$$Q_3 = [q_i] \tag{(TT)}$$

 $q_i = q_3$  i = 1, 2, ..., n  $q_i = q_{3-i}$   $i = n + 1, n + 2, ..., n + N_{tmd}$ همچنین ماتریس R بصورت  $\mathbb{R}_{N_{TMD} \times N_{TMD}}$  انتخاب شده است که که [I] ماتریس واحد می باشد. در این مقاله مقدار r برابر  $^{7-}1 \times 5$  در نظر گرفته شده است. تحقیقات نشان میدهد که استفاده از پیکربندی های متفاوت برای ماتریس های وزنی زیاد در نتایج حاصله تغییر ایجاد نمی کند [۲۵]. در این مقاله جهت سادگی محاسبات ، بدون ایجاد مشکل در کلیت مساله، ماتریس های وزنی به شکل ماتریس قطری در نظر گرفته شدهاند.

در این حالت مساله بهینهسازی ۲۸ متغیر دارد که با استفاده از الگوریتم ژنتیک حل شده است. در این مقاله، در الگوریتم ژنتیک برای حفظ بهترین جمعیت از فرایند نخبه گرایی استفاده شده است که درصد کوچکی ازجمعیت نسل بعد مستقیما از جمعیت نسل قبل کپی میشود. برای عملگر انتخاب از نمونه برداری تصادفی تک مرحلهای [۳۱] استفاده شده که در آن احتمال انتخاب هر کروموزوم برابر است با:

لسفة با تصاغير م ١١٦ ١١٦ به ارامي فارضت جر ملكاني 6, 1 , 2 <u>-</u>				
طبقه	ماکزیمم جابجایی نسبی سازه کنترل نشده (cm)	ماکزیمم جابجایی جانبی نسبی سازهی کنترل شده (cm)		
	· ·	μ=2%	μ=4%	μ=8%
1	4.78	1.8	1.52	1.35
2	3.38	1.7	1.45	1.32
3	2.43	1.67	1.37	1.30
4	2.18	1.65	1.38	1.28
5	1.75	1.48	1.34	1.19
6	1.44	1.12	1.12	0.97
7	1.11	0.92	0.84	0.81
8	0.64	0.55	0.61	0.58

جدول ۱- ماکزیمم تغییر مکان جانبی نسبی سازه ی کنترل شده با مکانی: MTMD به انای درصد جرههای 4. 4 . 2=۱۱

در جدول (۲) مقادیر ماکزیمم پاسخ سازهی کنترل نشده و کنترل شده به ازای 2.5% و  $2=N_{tmd}$  تحت ارتعاش  $N_{tmd}$  (1) کنترل شده به ازای 2.5% و 1.5% محاول (۱) و (۲) میتوان گفت که مکانیزم AMTMD با درصد جرم پایین تری میتواند به همان کارایی مکانیزم MTMD برسد. بدیهی است که میتوان با افزایش نیروی کنترل به AMTMD در محمان کارایی مکانیزم AMTMD دست یافت درحالیکه همانطوریکه از جدول(۱) مشخص است قابلیت MTMD در کاهش پاسخها محدود میباشد.

AMTMD جدول ۲-پاسخ سازه کنترل نشده وکنترل شده با به ازای %4=2.5

طبقه	یمم , جانبی ہ (cm)	ماکزیمم ماکزیمم جابجایی جانبی جانبی نسبی سازه (cm) کل سازه (cm)		ماکزیمم جابجایی جانبی نسبی سازه (cm)		ماکزیمہ سا sec <sup>*</sup> )
	كنترل	كنترل	كنترل	كنترل	كنترل	كنترل
	نشده	شده	نشده	شده	نشده	شده
1	4.78	1.35	4.78	1.35	620	543
2	8.11	2.48	3.37	1.22	663	532
3	10.4	3.49	2.43	1.08	667	549
4	12.37	4.42	2.18	1.00	676	535
5	14.05	5.23	1.75	0.91	766	596
6	15.42	5.92	1.44	0.77	839	642
7	16.42	6.44	1.11	0.63	837	567
8	16.95	6.7	0.63	0.62	797	632

تاریخچهی زمانی نیروی کنترل ATMDها در شکل (۴)، ماکزیمم پاسخهای نرمال شده سازهی کنترل شده (نسبت پاسخ سازهی کنترل شده به پاسخ متناظر سازهی کنترل نشده) برای طبقات مختلف تحت اثر ارتعاش ( $w_1(t)$  در

شکل (۵) و منحنی هیسترسیس طبقه اول سازهی کنترل نشده و کنترل شده در شکل (۶) آورده شده است. نتایج به دست آمده نشان میدهد بیشینهی تغییر مکان جانبی نسبی طبقه اول سازهی کنترل شده حدود ۷۰ درصد کاهش داشته است و سازه در ناحیهی خطی نگه داشته شده است.

## ۵-۲- تست AMTMD بهینه شده تحت زلزلههای غیر طرح

برای بررسی کارایی AMTMD بهینه شده در مقابل زلزله-های دیگر که متفاوت از زلزله یطرح  $w_1(t)$  است، سیستم سازه-AMTMD طراحی شده تحت  $w_1(t)$ ، در برابر زلزلههای دورگسل و نزدیکگسل قرار گرفته است. El-Centro(PGA=0.34g;1940) , کو, دهای 9 Hachinohe (PGA=0.23g;1968) به عنوان زلزلههای دور گسل و زلزلههای (Kobe(PGA=0.83g;1995) و (PGA=0.84g;1994) به عنوان زلزلههای نزدیک گسل انتخاب گردیدهاند. در جدول (۳) مقادیر ماکزیمم پاسخ سازهی کنترل نشده در مقابل زلزلههای تست نشان داده شده است. شکلهای (۷) و (۸) بترتیب پاسخهای نرمال شده سازهی کنترل شده و منحنی هیسترسیس طبقه اول سازهی کنترل نشده و کنترل شده را تحت زلزلههای تست نشان میدهد. پاسخ نرمال شده بزرگتراز ۱، بیانگر اثر منفی روی پاسخ مورد نظر در سازه است. نتایج نشان میدهد که بیشینهی تغییر مکان جانبی نسبی که به عنوان تابع هدف انتخاب شده بود، برای همهی زلزلههای تست (چه نزدیک گسل وچه دور گسل) کاهش داشته است. همچنین سایر پاسخهای سازه مانند بیشینهی تغییر مکان جانبی کل و شتاب طبقات نیز کاهش داشته است. با توجه به نتایج به دست آمده می توان گفت که کارکرد AMTMD برای زلزلههای مختلف متفاوت بوده است به گونهای که در مثال بررسی شده، بهترین کارکرد مربوط به تغییر مکان جانبی نسبی(Drift) تحت اثر زلزله-ی El-Centro بوده است.

طراحی منطقه یا ترکیبی از زلزلههای متناسب با شرایط لرزه خیزی منطقه طبق آیین نامه های زلزله استفاده نمود. در سازهی کنترل نشده تحت زلزلههای تست Kobe و Northridge .El-Centro ،Hachinohe بترتیب ۴٬۵٬۴ و۷ طبقه اول وارد ناحیه غیر خطی شده و در حالت کنترل شده تحت ارتعاش Hachinohe و-El حالت کلیه طبقات در ناحیه خطی باقی مانده اند و تحت ارتعاش Northridge و Kob بترتیب ۴ و ۵ طبقه اول وارد ناحیه غیر خطی شده اند.









شكل ۴- تاريخچه زمانی نيروهای كنترل ATMD TMD#4(d (TMD#3(c TMD#2(b TMD#1(a TMD#5(e

با توجه به اینکه عملکرد AMTMD وابسته به مشخصات زلزله ورودی میباشد، لذا در کاربردهای عملی برای دست-یابی به عملکرد بهتر و موثرتر مکانیزم AMTMD ، بایستی در طراحیAMTMD از رکورد زلزلهی مناسبی نظیر رکورد



kobe (d Northridge (c

### 4-۳- بررسی اثر جرم و تعداد TMD بر کارایی AMTMD

برای بررسی تاثیر درصد جرم بر عملکرد مکانیزم AMTMD و مقدار نیروی کنترل، مشابه روش توضیح داده شده در بخش قبل، برای (%) p=2, 2.5, 3 در حالتی که پنج TMD در طبقه آخر و به صورت موازی قرار گرفته





Kobe (d Northridge (c Hachinohe (b El-Centro (a

جدول ۳- مقادیر ماکزیمم پاسخ سازه کنترل نشده در مقابل زلزلههای تست

تحريک	ماکزیمم جابجایی کل (cm)	ماکزیمم جابجایی نسبی (cm)	ماکزیمم شتاب (cm/s <sup>2</sup> )		
Hachinohe	15.95	3.82	899		
El-Centro	17.72	4.26	1010		
Northridge	29.97	12.42	1523		
Kobe	30.08	9.95	1997		

است به طراحی بهینهی AMTMD برای کاهش یکسان ماکزیمم جابجایی نسبی سازه به Y<sub>max</sub>=1.4 cm، پرداخته شده است. سازهی مورد نظر تحت ارتعاش (*w*<sub>1</sub>(*t*) قرار گرفته است و پارامترهای بهینهی سختی، میرایی و مقادیر ماتریسهای وزنی تعیین شدهاند.

شکل (۹) ماکزیمم جابجایی نسبی طبقات سازهی کنترل شده و کنترل نشده را تحت اثر زلزلهی  $w_1(t)$  نشان می-دهد که ماکزیمم جابجایی نسبی حدود ۷۰ درصد کاهش داشته است. در شکل (۱۰) ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز ATMDها، به ازای (%)  $\mu=2, 2.5, 3$ , «بهت کاهش ماکزیمم جابجایی جانبی نسبی به 1.4 cm نشان داده شده است.



شکل ۹- ماکزیمم جابجایی نسبی طبقات در حالت کنترل شده و کنترل نشده

با توجه به شکلهای (۹) و (۱۰) واضح است که جهت کاهش ماکزیمم جابجایی نسبی تا یک مقدار معین، افزایش درصد جرمی باعث کاهش ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز μ=2, 2.5, 3 (%) (%) μ=2, 2.5, 3 ماکزیمم نیروی کنترل به ترتیب برابر ۱۳۱۹ ۱۸۶و۱۳۱۹میباشد.

برای بررسی اثر تعداد ATMDها بر کارایی مکانیزم AMTMD، به طراحی بهینهی AMTMD در حالت نصب یک، سه و پنج ATMD به صورت موازی در طبقه آخر سازه، به ازای درصد جرمهای (%) 1.5, 2.5, 3 (پداخته شده است. مسالهی بهینهسازی با هدف کمینه کردن

ماكزيمم نيروى كنترل ATMDها، جهت كاهش ماكزيمم جابجایی جانبی نسبی سازه نظر تحت ارتعاش  $W_1(t)$  حل گردیده است. در جداول (۴) تا (۶) ماکزیمم جابجایی جانبی نسبی سازه و ماکزیمم نیروی کنترل ATMDها نشان داده شده است. نتایج نشان میدهند که طبق پیش-بینی، برای کاهش یکسان ماکزیمم جابجایی نسبی سازه به ازای یک درصد جرمی مشخص، افزایش تعداد ATMDها، باعث كاهش ماكزيمم نيروى كنترلى ATMDها مىشود. بعنوان مثال AMTMD به ازای % µ= 2.5 بعت کاهش ماکزیمم جابجایی نسبی به 1.4 cm در حالت نصب یک، سه و پنج ATMD به ترتیب به مقادیر ماکزیمم نیروی کنترل  $F_{\max(\text{ATMD})} = 730,270,190 \ kN$  نیاز است. علاوه بر ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز در مکانیزم AMTMD مقدار میانگین نیروی کنترل همهی ATMDها می تواند به عنوان معیاری برای بررسی اثر افزایس تعداد ATMDها مورد استفاده قرار گیرد. بعنوان مثال همانطوریکه در جدول (۵) نشان داده شده است در سیستم AMTMD به ازای% µ= 2.5، میانگین نیروی کنترل مورد نیاز برای تعداد یک، سه و پنج ATMD به ترتیب برابر نشان  $F_{\text{average(ATMD)}} = 198,138,98 \ kN$ میدهد افزایش تعداد ATMD علاوه بر کاهش ماکزیمم نیروی کنترل، باعث کاهش میانگین نیروی کنترل و در نتیجه کاهش ظرفیت محرکها و انرژی مورد نیاز می گردد.



شکل ۱۰- ماکزیمم نیروی کنترل ATMDها به ازای درصد جرمهای (%) (µ=2, 2.5, 3، جهت کاهش ماکزیمم جابجایی نسبی به Y<sub>max</sub>=1.4 cm

جدول۴- ماکزیمم نیروی کنترل و جابجایی نسبی به ازای µ=1.5% با هدف کمینه کردن ماکزیمم نیرویATMDها

تعداد ATMDھا	ماکزیمم جابجایی نسبی سازہی کنترل نشدہ (cm)	ماکزیمم جابجایی نسبی سازہی کنترل شدہ (cm)	ماکزیمم نیروی کنترل ATMDها (kN)	
1	4.7	2	100	
3	4.7	1.99	84	
5	4.7	2.02	50	

جدول۵- ماکزیمم نیروی کنترل و جابجایی نسبی به ازای µ=2.5% با هدف کمینه کردن ماکزیمم نیرویATMDها

تعداد ATMDھا	ماکزیمم جابجایی نسبی سازہی کنترل نشدہ	ماکزیمم جابجایی نسبی سازہی کنترل شدہ	ماکزیمم نیروی کنترل ATMDها (kN)	میانگین نیروی کنترل ها (kN)
	(cm)	(cm)		
1	4.7	1.4	730	198
3	4.7	1.37	270	138
5	4.7	1.4	190	98

جدول۶- ماکزیمم نیروی کنترل و جابجایی نسبی به ازای µ=3% با هدف کمینه کردن ماکزیمم نیرویATMDها

تعداد ATMDھا	ماکزیمم جابجایی نسبی سازہی کنترل نشدہ (cm)	ماکزیمم جابجایی نسبی سازہی کنترل شدہ (cm)	ماکزیمم نیروی کنترل ATMDها (kN)
1	4.7	1	920
3	4.7	0.99	340
5	4.7	0.99	300

با توجه به نتایج فوق عیب عمده ی مکانیزم ATMD نیاز به یک منبع بزرگ انرژی خارجی می باشد که ممکن است به هنگام زلزله در دسترس نباشند ، جهت بهبود عملکرد ATMD تحت اثر ارتعاش زلزله، از این مکانیزم بصورت میراگر جرمی تنظیم شده ی فعال چندگانه (AMTMD) استفاده گردیده است. همچنین افزایش تعداد ATMDها در مکانیزم ATMD در مقایسه با ATMD منفرد، علاوه بر این که باعث کاهش ماکزیمم نیروی کنترلی جهت کاهش ماکزیمم جابجایی نسبی سازه شده، منجر به استفاده از ATMDهای با جرم و حجم کمتر شده است که بفضای

نصب کمتری همراه با راحتی نصب و هزینه های نگهداری کمتری میباشند. لذا قابلیت اطمینان بیشتری از نظر عملکرد نیز تضمین خواهد شد.

-9

#### ۷- نتیجه گیری

در این مقاله به طراحی بهینه و بررسی کارایی میراگرجرمی چندگانهی فعال (AMTMD) در کاهش یاسخ لرزهای سازههای غیرخطی هیسترسیس پرداخته شده است. در طراحی بهینهی مکانیزم AMTMD، تاثیر پارامترهای مختلفي نظير جرم AMTMD، تعداد ATMDها و محتوای فرکانسی زلزلهها بررسی شده است. برای تعیین مقادیر بهینهی پارامترهای ATMDها در سازههای چند درجه آزادی غیرخطی، روشی پیشنهاد شده که مبتنی بر تعریف یک مسالهی بهینهسازی با هدف مینیممسازی ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز ATMDها جهت کاهش ماکزیمم تغییر مکان جانبی نسبی سازه تا یک حد مشخص و حل آن با استفاده از الگوریتم ژنتیک میباشد. در مسالهی بهینهسازی، محدودیتهایی همچون مقید کردن ماکزیمم تغییرمکان جانبی نسبی ATMDها به عنوان قیود مسالهی بهینهسازی در نظر گرفته شده است. بر اساس نتایج بدست آمده از طراحی AMTMD بهینه برای یک سازهی ۸ طبقهى قاب برشى تحت اثر ارتعاش اغتشاش سفيد و تست آن تحت زلزلههای مختلف و همچنین تحلیلهای عددی مربوط به بررسی اثر جرم و تعداد ATMDها می توان به نتایج زیر اشاره کرد.

- روش پیشنهادی برای طراحی بهینهی AMTMD با استفاده از الگوریتم ژنتیک، روشی موفق در تعیین پارامترهای ATMDها بوده که دارای دقت و سرعت همگرایی بالایی در طراحی بهینهی AMTMD با تعداد زیاد متغیرها می-باشد.
- با توجه به طراحی بهینهی AMTMD بازای
   با توجه به طراحی بهینهی ((%) AMTMD بازای
   درصد جرمهای مختلف ((%) (%)

جهت کاهش یکسان ماکزیمم جابجایی نسبی، نتایج نشان میدهد که افزایش درصد جرم منجر به کاهش ماکزیمم نیروی کنترل مورد نیاز ATMDها میشود که این مساله نشان دهندهی افزایش کارایی سیستم AMTMD با افزایش درصد جرم میباشد. بطوریکه برای β (2.5, 3 (%)μ ماکزیمم نیروی کنترل به ترتیب برابر (%)N در ۲۵۲۴۸

- سیستم AMTMD با تعداد متفاوت ATMDها در مقایسه با ATMD منفرد جهت کاهش یکسان ماکزیمم جابجایی نسبی سازه به ازای درصد جرم مشخص، به ماکزیمم نیروی کنترلی کمتری نیاز دارد. بعنوان مثال مکانیزم کمتری نیاز دارد. بعنوان مثال مکانیزم مماکزیمم جابجایی نسبی به AMTMDها به ترتیب به ماکزیمم جابجایی نسبی به ATMDها به ترتیب به ماکزیمم نیروی کنترل ماکزیمم نیروی کنترل
- تست AMTMD تحت اثر زلزلههای دور گسل و نزدیک گسل نشان می دهد که کارایی این مکانیزم در کاهش پاسخ سازه، وابسته به محتوای فرکانسی زلزله می باشد. مثلا برای درصد جرمی فرکانسی زلزله می باشد. مثلا برای درصد جرمی یکسان  $\mu = 2.5\%$  بیشینه جابجایی نسبی یکسان  $\mu = 2.5\%$  بیشینه جابجایی نسبی سازه تحت تحریک زلزله -El with centro و Northridge ،Hachinohe (centro بتر تیب 25،45، 26 و 12 درصد کاهش داشته است.

۸- مراجع

- Soong, T., Dargush, G.F., (1997)". Passive energy dissipation systems in structural engineering". John Wiley & Sons, Chichester.
- [2] Chen, G., Wu, J., (2001). "Optimal placement of multiple tuned mass dampers for seismic structures". Journal of Structural Engineering, ASCE, 127, pp. 1054-1062.
- [3] Igusa, T., Xu, K., (1994). "Vibration control using multiple tuned mass damper". Journal of Sound and Vibration, 175, pp. 491-503.
- [4] Li, C., (2000). "Performance of multiple tuned mass dampers for attenuating undesirable oscillations of structures under the ground acceleration". Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 29, pp. 1405-1421.
- [5] Kareem, A., Klein, S., (1995). "Performance of multiple tuned mass dampers under random loadings". Journal of Structural Engineering, ASCE, 121(2), pp. 348-361.
- [6] Hong, N., Waranitchai, p., (2005). "Design of multiple tuned mass dampers by using numerical optimizer". Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 34, pp. 125-144.
- [7] Li, C., (2002). "Optimum multi tuned mass dampers for structures under the ground acceleration based on DDMF and ADMF". Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 31, pp. 897-919.
- [8] Zuo, L., Nayfeh, S.A., (2005). "Optimization of the individual stiffness and damping parameters inmultipletuned-mass-damper systems" Journal of Vibration and Acoustics, Transactions of ASME, 127, pp. 77-83.

- [۹] محبی، م.، شاکری ، ک و مجذوب، ح.، (۱۳۹۱). "روشی بر پایه استفاده از الگوریتم ژنتیک برای طراحی بهینهی میراگر جرمی تنظیم شدهی چندگانه تحت ارتعاش زلزله"، مجله علمی – پژوهشی ، عمران مدرس، دوره دوازدهم، شماره۱.
- [10] Chang, JCH., Soong, TT., (1980) "Structural control using active tuned mas damper". Journal Engineering Mechanics, ASCE, 106, pp.1091–1098.
- [11] Ankireddi S., Yang HTY.,(1996) "Simple ATMD control methodology for tall buildings subject to wind loads". Journal of Structural Engineering, ASCE,122, pp.83–91.
- [12] Yan, N., Wang, CM., Balendra, T.,(1999) "Optimum damper characteristics of ATMD for buildings under wind loads". Journal of Structural Engineering ASCE, 125, pp. 1376-1383.
- [13] Nagashima, I., (2001) "Optimal displacement feedback control law for active tuned mass damper". Earthquake Engineering Structural Dynamics, 30)8(, pp. 1221–1242.
- [14] Shariatmadar, H., Golnargesi, S., Akbarzadeh Totonchi, M.R. (2014) "Vibration control of buildings using ATMD against earthquake excitations through interval type-2 fuzzy logic controller". Asian Journal of Civil Engineering (Building and Housing), 15, pp.321-338.
- [15] Li, Ch., Jinhua, Li., Yan, Qu., (2010) "An optimum design methodology of active tuned mass damper for asymmetric structures". Mechanical Systems and Signal Processing, 24, pp. 746–765.
- [16] Li, C. and Liu, Y., (2002) "Active multiple tuned mass dampers for structures under the ground acceleration". Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 31, pp. 1041–1052.
- [17] Li, C. and Liu, Y., (2002) "Active multiple tuned mass dampers for structures under the ground acceleration". Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 31, pp. 1041–1052.
- [18] Li, C., Bilei, Zhu., (2007) " Investigation of response of systems with active multiple tuned mass dampers" . Structural Control and Health Monitoring, 14, pp.1138-1154.
- [19] Kumar, A., Poonam, B., Sainib., Sehgal, V.K., (2007) "Active vibration control of structures against earthquakes using modern control theory", ASIAN Journal of Civil Engineering (Building and Housing) Vol. 8(3), pp. 283-299.
- [20] Li, Ch., Jinhun, Li., Zhiqiang, Yu., Yan, Qu., (2009) "Performance and parametric study of active multiple tuned mass dampers for asymmetric structures under ground acceleration". Journal of Mechanics of Materials and Structures, Vol. 4(3), pp.571-588.
- [21] Li, Ch., Jinhua, Li., Yan, Qu., (2010" (An optimum design methodology of active tuned mass damper for asymmetric structures". Mechanical Systems and Signal Processing, 24, pp. 746–765.
- [22] Kevin, K., Wong, F and Gary, C., (1997) "Active control of inelastic structural response during earthquakes". The Structural Design of Tall and Special Buildings, Vol. 6, pp. 125–149.
- [23] Miao, P., Kevin, F., (2006) "Predictive instantaneous optimal control of inelastic structures based on ground velocity". The Structural Design of Tall and Special Buildings, 15, pp. 307–324.
- [24] Bathe, KJ., (2006) "Finite element procedures". Prentice-Hall, Inc, New Jersey, USA.
- [25].Joghataie, A., Mohebbi, M., (2012) "Optimal controller of nonlinear frames by Newmark and distributed genetic algorithms". Structural Design of Tall and Special Buildings, 21, pp. 77-95.
- [26] Chang, CC., Yang, HTY., (1994) "Instantaneous optimal control of building frames". Journal of Structural Engineering, ASCE;120, pp. 1307–1326.
- [27] Yang, JN., Li, Z and Liu, SC., (1992) "Stable controllers for instantaneous optimal control". Journal of Engineering Mechanics, ASCE, Vol. 118(8), pp. 1612–1630.
- [28] Mohebbi, M., Joghataie, A., (2012) " Designing optimal tuned mass dampers for nonlinear frames by distributed genetic algorithms ". Structural Design of Tall and Special Buildings, 21, pp. 57-76.
- [29] Mohebbi, M., Shakeri, K., Ghanbarpour, Y., Majzub, H., (2013) " Designing optimal multiple tuned mass dampers using genetic algorithms for mitigating the seismic response of structures ". Journal of Vibration and Control, 19(4), pp.605-625.
- [30].Joghataie, A., Mohebbi, M., (2011) " Optimal control of nonlinear frames by considering the effect of response feedback ". Scientia, Iranica, 18(6), pp.1170-1178.
- [31] Mühlenbein, H., Schlierkamp-Voosen, D., (1993) "Predictive models for the breeder genetic algorithm: I. Continuous parameter optimization". Evolutionary Computation, 1(1), pp. 25-49.
- [32] Baker, J.E., "Reducing bias and inefficiency in the selection algorithm". Proc. ICGA, 2, pp. 14-21. [27] Yang, JN., Li, Z and Liu, SC., (1992) "Stable controllers for instantaneous optimal control". Journal of Engineering Mechanics, ASCE, Vol. 118(8), pp. 1612–1630.