بررسی رفتار و شکل پذیری برشی تیرهای عمیق بتن مسلح تقویت شده با FRP

، رضا آقایاری ^۲ ٔ	بهرامی۱	معصومه
------------------------------	---------	--------

چکیدہ	اطلاعات مقاله
در سالهای اخیر با مطرح شدن بحث تقویت اعضاء بتن مسلح توسط ورقهای FRP فصل جدیدی از مطالعات در این زمینه شکل گرفته است، که بخش قابل توجه از این مطالعات	دریافت مقاله: ۱۳۹۴/۰۹/۰۶ پذیرش مقاله: ۱۳۹۵/۰۴/۰۵
جدیدی از مطالعات در این زمینه شکل گرفته است، که بخش قابل توجهی از این مطالعات بر طراحی برشی اعضاء تقویت شده با FRP متمرکز میباشد. با توجه به نسبت ابعاد تیرهای عمیق و بالا بودن تغییر شکل برشی ضعف عمده تیرهای عمیق را میتوان پائین بودن ظرفیت برشی و به دنبال آن شکست برشی و ضریب شکل پذیری پائین دانست. برای تقویت این اعضای بتنی روشهای متعددی بکار رفته که یکی از موثرترین آنها تقویت جان تیر عمیق به کمک ورقهای کامپوزیت میباشد، به منظور بررسی عملکرد این روش، در تحقیق حاضر با استفاده از نرمافزار ABAQUS، ۱۰۴ نمونه تیر عمیق با تکیهگاه ساده تحت دوبار متمرکز با استفاده از نرمافزار (FRP) تاثیر نسبت دهانه ی برشی به عمق، مقاومت فشاری بتن، مدل سازی شده است و با استفاده از روش اجزاء محدود غیرخطی علاوه بر تعیین مناسبترین تاثیر نسبت آرماتور برشی و تاثیر تعداد لایههای FRP مورد بررسی قرارگرفت. بر اساس نتایج حاصله میزان اثر بخشی پارامترهای در نظر گرفته شده جهت تقویت تیرهای عمیق و مناسب ترین الگوی نصب بررسی شد. نتایج حاکی از افزایش متوسط ۱۵ الی ۶۵ درصد در ظرفیت برشی بدست آمده از بکارگیری هرکدام از افزایش متوسط ۱۵ الی ۶۵ درصد در این ترین الگوی نصب بررسی شد. نتایج حاکی از افزایش متوسط ۱۵ الی ۶۵ درصد در این ترمین الموی نصب بررسی شد. نتایج ماکی از ایزایش متوسط ۱۵ الی ۶۵ درصد در این نرشی بدست آمده از بکارگیری هرکدام از الگوهای مورد بحث میباشد. همچنین در این نی تحقیق ضریب شکلپذیری برشی میاری تیرهای عمیق تقویت شده بررسی گردید که نتایج	واژگان کلیدی: تیر عمیق، ظرفیت برشی، تقویت برشی، FRP، ضریب شکل پذیری برشی.
الگوی تقویت میباشد، به طوری که وجود لایههای FRP باعث افزایش ۵ تا ۳۰ درصدی شکلپذیری در تیرهای عمیق تقویتشده، میشود.	

۱– مقدمه

تیرهای عمیق بتن مسلح، یکی از مهم ترین اعضای بتنی در سازههای ساختمانی و غیرساختمانی به شمار می روند، در مقایسه با تیرهای معمولی رفتار پیچیده و متفاوتی دارند، این پیچیدگی بیشتر شامل حالت گسیختگی غالب یعنی شکست برشی آنها می باشد. در این تیرها از آنجایی که توزیع کرنش در اثر بالا بودن میزان تغییر شکل برشی به صورت غیرخطی است و تغییر شکل برشی در آن قابل توجه است مقاومت این تیرها معمولاً توسط برش کنترل می شود، به عبارت بهتر ضعف عمدهی این سازه پائین بودن ظرفیت برشی و به دنبال آن شکست ترد برشی و پائین بودن ضریب شکل پذیری آنها در بارهای لرزهای می باشد، تیرهای عمیق

با توجه به ابعاد آنها دارای تنوع در کیفیت و عملکرد می باشند که در طول زمان، ممکن است به دلایل مختلفی ازجمله خطاهای طراحی، آسیب دیدگی ناشی از بلایای طبیعی، خطاهای اجرائی، تغییر در کاربری سازه، اعمال بارهای بیش از بارهای پیش بینی شده در هنگام طراحی و ... نیاز به ترمیم و تقویت داشته باشند، استفاده از ژاکتهای بین مسلح، صفحات فولادی به صورت پوشش خارجی، مرمت موضعی، استفاده از الیافهای پلیمری FRP و پس کشیدگی خارجی، تعدادی از روشهای ترمیم و تقویت سازهها می باشند که استفاده از FRP برای تعمیر و مقاوم سازهها می باشند که استفاده از FRP برای تعمیر و مقاوم سازی سازهها به طور پیوسته در سالهای اخیر افزایش

^{*} پست الكترونيك نويسنده مسئول: reza_agh@razi.ac.ir

۱. کارشناسی ارشد، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه رازی

۲. دانشیار، دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه رازی

کامپوزیتها در مقایسه با مصالح سنتی حادث شده است این مزایا عبارت از مقاومت کششی و گسیختگی بالا، دوام بالا، سادگی و سرعت بالای اجرا و وزن کم میباشد؛ Khalifa و همكاران[۳]، J.Sim ،Kachlaker [4] و همکاران [۵]، Sherif و همکاران [۶]، رهایی و همکاران در دانشگاه امیر کبیر [۷] و عربزاده و همکاران [۸] به صورت آزمایشگاهی اثر پارامترهای موثر بر ظرفیت برشی تیرهای تقویت شده از جمله الگوهای مختلف مقاوم سازی با FRP، تعداد لایههای FRP، زاویهی قرار گیری الیاف و مقاومت فشاری را بررسی نمودند بر اساس مشاهدات آزمایشگاهی لایههای FRP رشد و یخش تر کهای برشی را محدود کرده و باعث افزایش ظرفیت برشی تیرهای تقویت شده می شود به طوری که این افزایش ظرفیت متاثر از الگوی نصب و زاویهی قرار گیری الیاف ها و تعداد لایه ها و مقاومت فشاری بتن مىباشد. Adhikary و همكاران [۹] ، [10] Anil و Kim و همکاران [۱۱] علاوه بر اثر پارامترهای موثر بر ظرفیت برشی، به بررسی اثر طول مهاری لایههای FRP روی سطح فوقانی تیر ها پرداختند و نتیجه گیری نمودند که عملکرد الگوی FRP با طول مهاری از الگوی U شکل بهتر است و همچنین نشان دادند که نوع ماده FRP (AFRP, GFRP, CFRP) تفاوت چشمگیری در ظرفیت برشی ندارد. Ahmed Godat و همکاران در سال (۲۰۱۲) به بررسی اثر میزان آرماتورهای برشی و تعداد لایههای FRP بر افزایش ظرفیت برشی تیرهای عمیق تقویت شده به صورت آزمایشگاهی پرداختند و نهایتاً برای تخمین ظرفیت برشی تیرهای تقویت شده با CFRP یک مدل

استفاده از لایه های FRP برای مقاوم سازی انواع سازه های بتن مسلح در چند دهه ی اخیر بررسی شده است و مطالعات نشان می دهد که FRP مقاوم سازی خمشی تیرها [۱۳ و نشان می دهد که FRP مقاوم سازی خمشی تیرها [۱۳ و ۱۴]، مقاوم سازی برشی تیرها [۲۱–۳]، مقاوم سازی ستون ها [۱۵] و مقاوم سازی دال ها [۱۶ و ۱۷] بسیار کارا و مفید است و مزایای بسیاری نسبت به سایر روش های مقاوم سازی دارد، از موارد مهم در بررسی رفتار تیرهای تقویت شده، مطالعات پارامتریک و مقایسه الگوهای مختلف تقویت می باشد که برای این منظور در تحقیق حاضر علاوه بر مطالعات چهار گروه تیر با نسبت دهانه برشی به عمق مختلف (۲/۱۰، ۱/۱۹ ، ۱/۳۹ و ۱/۵) با الگوهای مختلف تقویت با FRP با استفاده از نرم افزار ABAQUS به روش

اجزاء محدود مدلسازی و تحلیل غیر خطی استاتیکی شده اند.

یکی از مسائل مهم در خصوص تیرهای عمیق شکل پذیری می باشد؛ که در این زمینه مطالعات محدودی انجام شده است، ضریب شکل پذیری اعضای خمشی بتن آرمه بستگی به میزان آرماتورهای طولی، آرماتورهای فشاری، درصد و میزان آرماتور برشی و مقاومت فشاری بتن دارد، شکل پذیری خمشی یک امر ضروری برای سازهها در مناطق لرزهای میباشد. اما گزارشات زیادی حاکی از آن است که سازههای بتن آرمه در بارگذاری لرزهای شکل پذیری قابل توجهی از خود نشان نمیدهند. تاکنون مطالعات زیادی در خصوص تیرهای عمیق انجام شده است که بیشتر این مطالعات بر بار تر کخوردگی، ظرفیت نهایی و مقاومسازی متمرکز شده است، و از طرفی بررسی ضریب شکل پذیری برشی برای درک بهتری از رفتار بتن در مناطق لرزهای ضروری می باشد، Yuliang Xie و همکاران [۱۸] به صورت آزمایشگاهی ضریب شکلپذیری برشی را بررسی کرده و نتیجه گیری نمودند که با افزایش مقاومت فشاری و درصد آرماتور برشی ضریب شکلپذیری افزایش مییابد که نرخ تغییرات این ضریب به نسبت دهانهی برشی به عمق بستگی دارد. در این تحقیق ضریب شکل پذیری برشی برای تیرهای عمیق تقویت شده، تعریف و بررسی می شود که نتایج نشان میدهد ضریب شکلپذیری برشی متناسب با ابعاد تیر عمیق، الگوی نصب و مقاومت فشاری بتن می باشد.

۲- پارامترهای مورد مطالعه جهت بررسی رفتار تیرهای عمیق تقویتشده

در این تحقیق پس از کالیبره کردن نرمافزار، پارامترهای از جمله نسب دهانهی برشی به عمق، مقاومت فشاری بتن، تاثیر نسبت آرماتور برشی، اثر میزان آرماتور برشی بر ظرفیت تیر تقویت شده و همچنین تاثیر تعداد لایههای FRP مورد بررسی قرار گرفته است؛ که نتایج حاصل از پارامتریک ارائه شده است. علاوه بر مطالعات پارامتریک اثر پارامتریک ارائه شده است. علاوه بر مطالعات پارامتریک اثر الگوهای مختلف FRP بررسی شده است که نتایج حاصل از مدل سازی تیرهای تقویت شده در جدول ۳ ارائه شده است که این نتایج شامل حداکثر ظرفیت برشی، درصد افزایش ظرفیت برشی، حداکثر تغییرمکان وسط تیر و ضریب شکل پذیری میباشد که این موارد با توجه به نمودار خرپایی ارائه نمودند [۱۲].

بار- تغییر مکان و تعریف شکل پذیری برشی حاصل شده است.

۲-۱- نمودار بار – تغییر مکان

دراین نمودار محور افقی تغییر مکان وسط تیر و محور قائم ظرفیت برشی رانشان میدهد که با توجه به این نمودار حداکثر ظرفیت برشی و حداکثر تغییر مکان وسط تیر را استخراج نمودیم علاوه براین با توجه به شکل نمودار می توان مود شکست غالب را تا حدی مشخص نمود.

۲-۲- ضریب شکل پذیری برشی

شکل پذیری خصوصیتی از سازه است که در آن اعضا، بدون تغییر قابل ملاحظهای در مقاومت، قادر به قبول تغییر شکلهای عمدتاً پلاستیک میباشند. در حالت کلی ضریب شکل پذیری را میتوان در دو دسته یضریب شکل پذیری برشی و ضریب شکل پذیری خمشی تقسیم نمائیم؛ که ضریب شکل پذیری خمشی در طراحی مقاطع خمشی بتن ضریب شکل پذیری خمشی در طراحی مقاطع خمشی بتن مسلح بویژه بتن با مقاومت زیاد به دلیل ترد بودن آن مطرح است و پارامترهای زیادی مانند مقاومت فشاری بتن، درصد آرماتور کششی و فشاری، مقدار خاموت محصور کننده ی بتن، فاصله ی دو خاموت، مقاومت تسلیم فولادهای طولی و نسبت دهانه به عمق و همچنین شکل هندسی مقطع بر شکل پذیری سازههای بتنی موثرند. با رسم نمودار بار





شکل ۱: نمایش نموداری برای تعریف ضریب شکل پذیری (μ_1 و μ_1) [۱۸]

а	ابعاد (میلیمتر)		آرماتور پائين		آرماتور بالا		آرماتور برشى		
\overline{d}	L	h	b	а	نوع	f_y	نوع	f_y	نوع
٠/٨٩	18	40.	٨٠	۳۷۵	1 Ø T.	4	1 Ø T.	4	Ø ۶ @ ۱ · ·
١/١٩	18	40.	٨٠	۵۰۰	1 Ø T.	4	1 Ø T.	۴۰۰	Ø ۶ @ ۱ · ·
1/84	18	40.	٨٠	۵۶۵	1 Ø T.	4	1 Ø T.	4	Ø ۶ @ ۱ · ·
1/40	18	40.	٨٠	۶۱۰	1 Ø T.	4	1 Ø T.	4	Ø ۶ @ ۱ · ·

جدول ۱: جزئیات نمونههای مدل سازیشده

۳- شرح مسئله

۳–۱– مدلسازی نمونهها در نرمافزار

در مدلسازی، انتخاب نوع المان به منظور مطابقت رفتاری با مواد به کار رفته در نمونه، ارائه مدل صحیحتری از شرایط مرزی و نحوهی اعمال بار و همچنین شناخت رفتار خطی و غیر خطی مواد جهت انجام تحلیلی مناسب بسیار حائز اهمیت میباشد. در این مقاله سه مواد بتن و فولاد و ورق FRP با ویژگی مخصوص به خود وجود دارد. برای مدل سازی رفتار بتن از مدل پلاستیک آسیب دیده استفاده شده است که این مدل با بیان رفتار مجزای بتن در فشار وکشش رفتار این ماده را به صورت واقعیتر بیان میکند. این مدل قابلیت استفاده در محاسبات استاتیکی و دینامیکی را داراست. درمدل پلاستیک آسیب دیده ترکهای کششی و خردشدگی فشاری دو مکانیزم شکست هستند و برای مدل سازی بتن از المان C3D8R استفاده شده است که هر المان شامل ۸ گره می باشد و هر گره ۳ درجه انتقالی دارد. در این تحقیق برای مدلسازی آرماتورها از مدل دو خطی الاستو يلاستيك فولاد و المان T2D3 استفاده شده است که این المان یک المان خریائی سه بعدی شامل ۲ گره و ۳ درجه انتقالی در هر گره میباشد. برنامهی المان محدود ABAQUS قادر است برای آنالیز مدل هایی با ساختار مرکب استفاده شود، در این تحقیق برای مدل کردن FRP از المان SHELL - S4R استفاده شود، این المان پوستهای چهار گرهی قابلیت کاهش دادن نقاط انتگرالگیری برای به حداقل رساندن محاسبات و در نتیجه کاهش زمان آنالیز را دارا می باشد.

۳-۲- مواد و روشها

در این تحقیق، جهت بررسی عوامل موثر بر رفتار تیرهای عمیق، در نمونههای مدلسازی شده فاکتورهایی از جمله نسبت دهانهی برشی به عمق، مقاومت فشاری ودرصد آرماتور برشی متغییر میباشد و به منظور بررسی اثر الگوهای مختلف FRP بر افزایش مقاومت برشی تیرهای بتن مسلح عمیق، چهار گروه تیر عمیق با نسبت دهانه برشی به عمق مختلف (۸/۰، ۱/۱۹، ۱/۳۹ و ۱/۳۵) با استفاده از نرمافزار ABAQUS مدلسازی شده است. هر گروه شامل یک تیر بدون تقویت به عنوان تیر مرجع و چهار نمونه تقویت شده با چهار الگوی مختلف تقویت می باشد، شکل (۸). مدلسازی برای تعداد مختلف لایههای FRP

انجام شد. کلیهی تحلیلها برای بتن با مقاومت ۲۵MPa و ۵۰MPa انجام شده است. تیرهای مدلسازی شده دارای تکیه گاه ساده، تحت دوبار متمرکز یکسان قرار گرفتهاند. جزئیات مربوط به ابعاد نمونه های مدل شده در جدول ۱ ارائه شده است.

۳-۳- صحتسنجی

به منظور بررسی صحت نتایج حاصل از مدلسازی، یک تست آزمایشگاهی که شامل یک تیر عمیق و یک تیر عمیق تقویت شده با استفاده از ورقهای CFRP برروی وجوه کناری با زاویه قرارگیری الیاف در راستای ۴۵ و ۱۳۵ درجه (SP45/135)، با بارگذاری متمرکز در وسط دهانه، مورد بررسی قرار گرفت. پاسخهای بار تغییر مکان نهایی نمونه آزمایشگاهی و نتایج حاصل از تحلیل، برای نمونه تقویت نشده و تقویت شده به تر تیب در شکلهای (۲) و (۳) آورده شده است.



شکل ۲: پاسخ بار - تغییر مکان نمونههای تحلیلی و آزمایشگاهی برای نمونهی تقویتشده



شکل ۳: پاسخ بار - تغییر مکان نمونههای تحلیلی و آزمایشگاهی برای نمونهی تقویتنشده

۴- مطالعات پارامتریک

نسب دهانهی برشی به عمق، مقاومت فشاری بتن، تاثیر نسبت آرماتور برشی، اثر میزان آرماتور برشی بر ظرفیت تیر تقویتشده و تاثیر تعداد لایههای FRP پارامترهای بررسی

شده در مطالعهی حاضر میباشند.

F - I - i نسبت دهانهی برشی به عمق $(\frac{a}{a})$ $\frac{a}{a}$ به دلیل نقش تعیین کننده در میزان تر کهای کششی در راستای خط واصل تکیه گاه و محل اعمال بار، عاملی موثر در تعیین میزان باربری تیرهای عمیق میباشد. در این بخش چهار گروه تیر عمیق با نسبت دهانه برشی به عمق بخش چهار گروه تیر عمیق با نسبت دهانه برشی به عمق سازی شده است. در شکل (۴) نمودار بار – تغییر مکان برای سازی شده است. در شکل (۴) نمودار بار – تغییر مکان برای نشان میدهد که با افزایش $\frac{a}{a}$ مقاومت و میزان انرژی جذب شدهی نمونه ها کاهش مییابد. شکست نمونهها از خمشی

۴-۲- مقاومت فشاری بتن

مقاومت فشاری به دلیل نقش تعیین کننده بر میزان تردشکنی و نرمشوند گی فشاری بتن عاملی موثر در تعیین میزان ظرفیت برشی تیر عمیق به حساب میآید، دراین بخش سه نمونه C25، C35 و C50 با هندسه و آرماتور گذاری یکسان مدلسازی شدند خلاصه نتایج تحلیل ها در جدول ۲ آورده شده است. نتایج تحلیل نشان میدهد که افزایش مقاومت فشاری باعث افزایش ظرفیت و کاهش تغییر مکان وسط تیر و همچنین کاهش ضریب شکل پذیری برشی می شود.



شکل ۴: تاثیر نسبت دهانهی برشی به عمق بر ظرفیت برشی تیر عمیق (C50)

مقاومت	а	مقاومت نهایی	تغيير مكان وسط تير	ضريب شكل پذيرى	ضریب شکل پذیری
فشارى	d	(kn)	(mm)	(μ_1)	(µ ₂)
	٠/٨٩	۱۱۵	1/87	۱/۸۵	٣/• ٢
C25	١/١٩	٩٨	٢	٢	٣/٢۵
C25	1/84	٨۴	۲/۳۲	۲/۱۵	٣/۴۵
	1/40	٨١	۲/۶۵	۲/۳۱	٣/۶٢
C35	٠/٨٩	14.	۱/۵	١/٧٧	٣/٠٢
	١/١٩	١١٨	٢	1/94	٣/١٨
	۱/۳۴	١٠۵	۲/۴	۲/•۵	٣/٣٩
	۱/۴۵	٩٨	۲/۵	۲/۲	۳/۵۶
C50	٠/٨٩	١٧٩/۵	۱/۵۶	١/٦٣	۲/۹۵
	١/١٩	۱۳۵/۵	۱/۹۵	۱/۷۵	٣/١
	1/84	171	۲/۵۲	١/٨٩	٣/٣
	1/40	117	۲/۴	۲/۰۲	٣/۴۶

جدول ۲: بار و تغییر مکان نمونهها با مقاومت های فشاری ۲۵، ۳۵ و ۵۰ مگاپاسکال



شکل ۶: نمودار میزان تاثیر درصد چگالی آرماتور برشی برظرفیت برشی تیر عمیق

۳-۴- بررسی اثر میزان آرماتور برشی

به منظور بررسی اثر میزان آرماتور برشی ۵ نمونه تیر عمیق با درصدهای مختلف آرماتور برشی مدلسازی شده که نتایج نشان میدهد که افزایش درصد مساحت آرماتورهای عرضی موثر در سطح از اثر فزایندهی آرماتور برشی میکاهد، به عبارت بهتر چنانچه درصد آرماتور برشی از حدی بیشتر شود تاثیر بسیار ناچیزی در ظرفیت تیر دارد بدیهی است

که در نسبتهای کم آرماتور برشی شکست نمونهها برشی بوده و با افزایش آرماتورهای عرضی شکست خمشی محتمل تر میباشد بنابراین افزایش آرماتور برشی از حد مشخصی موثر نمیباشد (شکلهای (۵) و (۶)). با توجه به نتایج حاصل از مدلسازی آرماتورهای موجود در وسط دهانهی برشی نسبت به سایر آرماتورها موثرتر میباشند و تنش ایجادشده در آنها بیشتر است، وجود چنین پدیدهای

مجله مدلسازی در مهندسی

بدیهی است زیرا با توجه به شرایط بارگذاری در محل تکیهگاه و محل اعمال بار محصورشدگی فشاری وجود دارد و بروز ترکها اولین بار از وسط دهانهی برشی شروع می شود و سپس به سمت تکیهگاهها و محل بارگذاری پیشروی میکند. و به همین دلیل در آرماتورهای برشی موجود در وسط دهانهی برشی نسبت به سایر آرماتورهای برشی تنش بیشتری ایجاد میشود (شکل (۷)).

۵- مقاومسازی

همان گونه که قبلاً نیز اشاره شد، به منظور بررسی رفتار برشی تیرهای تقویتشده با سیستم FRP چهار گروه تیر عمیق با نسبت دهانه برشی به عمق متفاوت مدلسازی و تحلیل شدند که هر گروه شامل یک تیر بدون تقویت (نمونه مرجع) و چهار تیر تقویتشده با چهار الگوی متفاوت می باشد و تحلیلهای مذکور برای لایههای مختلف FRP انجام شده است. الگوی ۱ ؛دهانهی برشی با استفاده از نوارهای

قائم FRP تقویت می شود، در الگوی ۲ نوارهای FRP به صورت مورب و عمود بر ترکهای برشی قرار می گیرند. الگوی ۳؛ دهانه یبرشی با استفاده از صفحات قائم FRP و در الگوی ۴ صفحات FRP به صورت مورب و عمود بر ترک های برشی قرار می گیرند (شکل (۸)). خلاصه نتایج حاصل از تحلیل در جدول ۳ آورده شده است، با توجه به حجم بالای تحلیل ها برای یک $\frac{a}{a}$ مشخص نتایج تحلیل به صورت نمودار بار – تغییر مکان در شکل (۹) آورده شده است.

۶- بحث و نتایج

در این تحقیق علاوه بر بررسی رفتار کلی تیرهای عمیق، اثر الگوهای مختلف نصب FRP و تعداد لایهها پارامتری تحت عنوان ضریب شکلپذیری برشی معرفی شده است که این پارامتر برای نسبتهای مختلف $\frac{a}{a}$ ، مقاومت فشاری مختلف، آرایشهای مختلف نصب FRP و تعداد لایههای آن محاسبه و مقایسه شده است.



شکل ۷: کانتور و نمودار میانگین تنش آرماتورهای برشی در طول تیر







شکل ۹: نمودار بار - تغییر مکان تیر مقاومسازی شده با الگوهای مختلف FRP



شکل ۱۰: نمودار ستونی میانگین مقاومت نهایی الگوهای تقویت

μ ₂ μ ₁		درصد افزایش بار نسبت به نمونه	تغيير مكان وسط تير	مقاومت نهایی	diani
	μ_1	شاهد	(mm)	(KN)	شوت
٣/• ٢	١/٨۵	-	1/87	110	كنترل
٣/۶١	۲/•۴	٨/٧	١/٧	١٢۵	C1-1-1-25
۳/۷۸	۲/۱	١٣	۱/۹۵	18.	C1-2-1-25
٣/٨٣	7,140	19/17	۲/۶۵	١٣٧	C1-3-2-25
۳/٩۶	۲/۲۵	۲۷/۸	٣/٩۵	141	C1-4-1-25
۳/۷۶	۲/۰۸	۱۱/۳	١/٢٢	١٢٨	C1-1-2-25
٣/٩	۲,۱۵	۲۷/۸۲	۲/۲۶	141	C1-2-2-25
٣/٩٢	2/14	۳۷/۴	٣/٣۵	۱۵۸	C1-3-4-25
4/17	۲/۳	FT/FV	۳/۹۵	180	C1-4-2-25
٣/٨٢	۲/۱۳	18/02	١/٩٣	188	C1-1-3-25
٣/٩۴	۲,۱۸	۳۴/۷۸	٣/٣۴	۱۵۵	C1-2-3-25
٣/٨٩	۲,۱۷	57/1V	Υ/λ	۱۷۵	C1-3-6-25
4/20	۲/۳۵	۶١/٧٣	4/17	۱۸۶	C1-4-3-25
٣/٢۵	٢	١	٢	٩۵	كنترل
٣/٨	۲/۰۷	۱۱/۸	۲/۹۵	1.8	C2-1-1-25
۴	۲/۱۵	22/1	٣	118	C2-2-1-25
٣/٩۵	۲/۲۲	۳•/۵۲	٣/۴۵	174	C2-3-2-25
4/17	۲/۳۵	27/82	٣/٩٨	١٢٩	C2-4-1-25
٣/٩٣	۲/•۹	۲۵/۲	۲/۵	١١٩	C2-1-2-25
۴/۰۳	۲/۲۵	۳۰/۵۲	٣/١	174	C2-2-2-25
۳/٩۶	۲/۲۸	۴.	٣/٨۵	١٣٣	C2-3-2-25
۴/۲۳	۲/۴۲	40/19	٣/٩۵	۱۳۸	C2-4-2-25
٣/٩۵	۲/۱۲	۳۱	۲/۳۴	١٢۵	C2-1-3-25
4/17	۲/۳۲	۳۵/۷۸	٣/۶۴	18.	C2-2-3-25
4/17	۲/۳۶	۵۳/۶۸	۴/۳	148	C2-3-6-25
۴/۳	۲/۵۲	88/MI	۴/۱۵	۱۵۸	C2-4-3-25
٣/۴۵	۲/۱۵	١	۲/۳۲	٨۴	كنترل
٣/٩٢	۲/۲	۱۹	٣/۴۴	١٠٠	C3-1-1-25
۴/۱۳	۲/۲۲	۲۷/۳۸	٣/١۵	١٠٧	C3-2-1-25
۴/۲۰	۲/۳	۳۹/۲۸	٣/۴۵	117	C3-3-2-25
۴/۳	۲/۳۵	41/8V	۴/۲۵	١٢١	C3-4-1-25
٣/٩۵	۲/۱۲	۲.	٣/۶٧	١٠٣	C3-1-2-25
۴/۱۸	۲/۳	۳۵/۳۵	٣/٩٢	۱ ۱۳/۷	C3-2-2-25
4/20	۲/۳	۵۱/۱۹	4/10	١٢٧	C3-3-4-25
۴/۴	7/44	۵۲/۳۸	۴/۴۳	١٢٨	C3-4-2-25
۳/۹۸	۲/۱۸	78/19	٣/٢۶	۱ • ۶/۷	C3-1-3-25
۴/۲۳	۲/۳۸	۳۰/۹۵	٣/۶۴	۱۱۰/Y	C3-2-3-25
۴/۲۸	۲/۴	۵٩/۵۲	۴/۲۵	184	C3-3-6-25
۴/۴۸	۲/۶۷	VT/۶۱	۴/۵۵	١۴٨	C3-4-3-25

جدول ۳: نتایج مربوط به نمونههای مدلسازی شده

		درصد افزایش بار نسبت به نمونه	مقاومت نهایی		
μ_2	μ_1	شاهد	(mm)	(KN)	نمونه
٣/۶٢	۲/۳۱	١	۲/۶۵	Λ١/٨	كنترل
٣/٩٩	۲/۳۶	١٧	٣/۵۴	٩٩	C4-1-1-25
4/22	۲/۴	24/29	٣/١۵	١٠٣	C4-2-1-25
۴/۳۲	۲/۵۵	$\Upsilon V / \lambda$	٣/۶١	١١٣	C4-3-2-25
4/41	۲/۶۲	41/48	۴/۷۱	118	C4-4-1-25
۴/۱۵	۲/۴۸	٢۶	٣/٨	١٠٣	C4-1-2-25
۴/۳۸	۲/۵	27/16	۴/۱۲	۱۰۵	C4-2-2-25
۴/۳۷	τ/Δλ	47/08	۴/۲۵	171	C4-3-4-25
۴/۶	۲/۶۸	۵۰	۴/۳۷	١٢٣	C4-4-2-25
4/19	४/४१	۲۷	٣/٨	۱۰۵	C4-1-3-25
4/47	۲/۵۴	m 1/M	۴/۲	١٠٨	C4-2-3-25
4/40	۲/۵۵	۵۹/۷۵	۴/۲۵	۱۳۱	C4-3-6-25
۴/۷۱	٣/•۴	۶۸/۲۹	4/84	۱۳۸	C4-4-3-25
۲/۹۵	1/88	-	۱/۵۶	١٧٩	كنترل
٣/۴۶	١/٧٢	٢/٢٣	۱/۵۶	١٨٣	C1-1-1-50
۳/۶۶	١/٩	18/14	۲/۲	۲۰۷/۹	C1-2-1-50
٣/۶١	۱/۹۵	17/87	۲/۵۶	۲۰۱/۶	C1-3-2-50
٣/٧۵	١/٩٨	48/48	۴/۳۶	787/7	C1-4-1-50
۳/۶۴	١/٧٨	۴/۸۶	١/۶٨	١٨٧/٧	C1-1-2-50
٣/٨٣	۱/۹۵	٣٠	۳/۸	737/V	C1-2-2-50
٣/٧۵	١/٩	TV/9	٣/۶٧	779	C1-3-4-50
٣/٩٢	۲/۰۱	۴۸/۲	٣/٢	۲۶۵/۳	C1-4-2-50
٣/٧٨	١/٨٢	٧/٢۶	١/٨	١٩٢	C1-1-3-50
٣/٩	١/٩	f W/Y	۵	20818	C1-2-3-50
٣/٨۵	1/94	۵۴	۴/۲	272	C1-3-6-50
۴/۰۵	۲/۰۵	۶٩/۵	٣/٨	۳.۴	C1-4-3-50
٣/١	۱/۷۵	-	۱/۹۵	١٣۵	كنترل
٣/۵۶	١/٨٣	۴/٨	۲/۷	147	C2-1-1-50
۳/۷۸	1/94	τ۵/١λ	٣/٣	189	C2-2-1-50
٣/٧٩	٢	Δ/Δ	٣	189	C2-3-2-50
٣/٨۵	۲/•۵	54/44	۴/۸	۲ • ۸/۵	C2-4-1-50
٣/٧٢	١/٨٨	۱ • / ۱	۲/۸	149	C2-1-2-50
٣/٩	١/٩۵	٣٩/٧	٣/۵	۱۸۸/۶	C2-2-2-50
٣/٨٨	۲/۰۶	۵۱/۱	۴/۴	7.4	C2-3-4-50
۴	۲/۱	۶۸/۱۴	۴	777	C2-4-2-50
٣/٨۵	١/٩	1 3 / 1	٣/٣٧	۱۵۳	C2-1-3-50
٣/٩٨	١/٩٨	۵۳/۳	٣/٩۴	۲۰۷	C2-2-3-50
٣/٩۴	۲/۰۶	VY/Y	۴/٨۶	۲۳۲/۵	C2-3-6-50
۴/۱۳	۲/۱۶	<i>۲۶/۳</i>	٣/۴٨	۲۳۸	C2-4-3-50

ادامهی جدول ۳: نتایج مربوط به نمونههای مدلسازیشده

		درصد افزایش بار نسبت به نمونه	تغيير مكان وسط تير	مقاومت نهايي	نمونه
μ_2	μ_1	شاهد	(mm)	(KN)	
٣/٣	١/٨٩	-	۲/۵۲	١٢١	كنترل
37/84	۱/۹۵	٩/٩	٣/۴۵	١٣٢	C3-1-1-50
٣/٨٧	۲/۰۲	۳۰/۵	۴	۱۵۸	C3-2-1-50
٣/٩ ١	١/٩٨	۳۳/۹	٣/٣	185	C3-3-2-50
41.4	۲/۰۷	۵۷/۸	۴/۹	١٩١	C3-4-1-50
۳/۸۱	1/94	۱۷/۳۵	٣/۶	147	C3-1-2-50
٣/٩٧	۲/۰۲	۳۵/۹۵	٣/٧	184/0	C3-2-2-50
٣/٩۵	۲/۰۵	۵۳/۳	۴/۹	۱۸۵/۵	C3-3-4-50
۴/۱۵	۲/۱۵	۶۸/۶	۴/۳	۲۰۴	C3-4-2-50
٣/٩	١/٩٨	۲۲	٣/۴۴	۱۴۸	C3-1-3-50
۴/۱	۲/۰۷	۳۸	٣/٩۴	184	C3-2-3-50
۴/۱۸	۲/۱۲	۵۷/۸	۴/۶۸	۱۹۱	C3-3-6-50
4/29	۲/۵	۲۱/۴۸	٣/٩٧	۲ • ۷/۵	C3-4-3-50
٣/۴۶	۲/۰۲	-	۲/۴	118	كنترل
٣/٧	۲/۱۵	۱۲/۸۲	۲/۵	١٣٢	C4-1-1-50
٣/٩	۲/۲۵	T 1/V9	٣/٨	۱۴۲/۵	C4-2-1-50
۴/۰۵	٣/٣	۳۵	٣/٣۶	۱۵۸	C4-3-2-50
41/4	۲/۴	۵۳	۴/۴	۱۸۳	C4-4-1-50
٣/٩۴	۲/۲۴	۱٩/۶۵	٣/٢۶	14.	C4-1-2-50
۴/۱	۲/۳۲	۳۱/۱۹	۴/۲۵	۱۵۳/۵	C4-2-2-50
۴/۱	۲/۳۳	۳٩/٧۴	٣/٣۶	۱۶۳/۵	C4-3-4-50
۴/۳۱	۲/۴۸	۶١/٩۶	٣/۶	۱۸۹/۵	C4-4-3-50
41.4	۲/۲۵	۲۳/۹۳	٣/١	۱۴۵	C4-1-3-50
۴/۱۵	۲/۳۲	۳۵	٣/۶۵	۱۵۸	C4-2-3-50
۴/۲۳	۲/۴	۴۷	۳/۴۴	١٧٢	C4-3-6-50
۴/۳۸	۲/۵۶	88/8V	۴/۱۱	۱۹۵	C4-4-3-50

ادامهی جدول ۳: نتایج مربوط به نمونههای مدلسازی شده



شکل ۱۱: تاثیر مقاومت فشاری و الگوهای تقویت بر ضریب شکل پذیری نمونههای تقویتشده

۶-۱- بررسی رفتار کلی تیرهای عمیق نتایج حاصل از تحلیل نشان میدهد که رفتار کلی تیرهای عمیق متاثر از مقاومت فشاری، نسبت دهانهی برشی به عمق، درصد و آرایش آرماتورهای برشی میباشد به طوری که با افزایش مقاومت فشاری ظرفیت برشی افزایش می یابد و با توجه به نسبت ابعاد تیر شکست موضعی در مقاومت پائین نیز مطرح میباشد، با افزایش $\frac{a}{d}$ ظرفیت نهایی تیر عميق كاهش مىيابد اما نرخ كاهش ظرفيت براى مقاومت های بالا محسوستر میباشد زیرا در مقاومتهای فشاری پائین، ظرفیت عضو فشاری ما بین تکیه گاه و محل اعمال بار تحت اثر شکست موضعی بوده و در واقع تسلیم آرماتورهای برشی (شکست تیر) بیشتر تحت تاثیر شکست موضعی می باشد. تحلیلهای انجام شده در ارتباط با میزان آرماتور برشى نشان مىدهد كه افزايش درصد مساحت آرماتورهای عرضی موثر در سطح از اثر فزایندهی آرماتور برشی می کاهد زیرا در نسبتهای کم آرماتور برشی شکست نمونهها برشی بوده و با افزایش آرماتورهای عرضی شکست خمشى محتملتر مىباشد بنابراين افزايش آرماتور برشى موثر نمی باشد، شکل های (۵) و (۶). با توجه به نتایج حاصل از مدلسازی آرماتورهای موجود در وسط دهانهی برشی نسبت به سایر آرماتورها موثر تر میباشند و تنش ایجاد شده در آنها بیشتر است، وجود چنین پدیدهای بدیهی است زيرا بروز ترکها اولين بار از وسط دهانهی برشی شروع می شود و سپس به سمت تکیه گاهها و محل بار گذاری ییشروی می کند (شکل (۷)).

۶–۲– بررسی رفتار نمونههای تقویتشده

۶-۲-۱- مساله تاثیر الگوهای تقویت با سیستم FRP بر ظرفیت برشی

یک روش موثر برای تقویت برشی تیرهای عمیق استفاده از ورقهای FRP در دهانه یبرشی می باشد که باعث افزایش ظرفیت برشی و انرژی جذب شده (سطح زیر نمودار بار – تغییر مکان) که این اثر افزایشی علاوه بر نسبت دهانه ی برشی به عمق متاثر از الگوی تقویت می باشد. مناسب ترین الگوی تقویت تیرهای عمیق استفاده از سیستم تقویتی ورقهای FRP بر روی وجوه کناری با زاویه قرار گیری الیاف در راستای عمود برترک می باشد به عنوان مثال در بتن با مقاومت AoMPa برای aارای خامتهای یک لایه، دو لایه

و سه لایه میباشد. شکل (۱۰) نشان میدهد که با افزایش $\frac{a}{a}$ اثر مثبت الگوی ۱ (دهانه یبرشی با استفاده از نوارهای قائم FRP تقویت میشود) افزایش مییابد، بدیهی است که با افزایش $\frac{a}{a}$ ترک های برشی به حالت افقی نزدیک میشوند و رکابیهای قائم عمود بر ترک قرار میگیرند و افزایش ظرفیت بیشتری داریم. به طور کلی در هر نسبتی از $\frac{a}{a}$ بیشترین افزایش ظرفیت برای نمونههای تقویت شده با الگوی ۴ (سیستم تقویتی ورقهای FRP بر روی وجوه کناری با زاویه ی قرار گیری الیاف در راستای عمود بر ترک) میباشد که میزان افزایش ظرفیت در این الگو بیشتر از ۵۰ درصد می باشد. لازم به ذکر است که درصد مساحت FRP برای الگوی ۴ نسبت به الگوی ۳ کمتر است.

۶-۲-۲ مقایسهی نمودارهای بار – تغییر مکان

همان گونه که در شکل (۹) دیده می شود سختی نمونه ها در محدوده یار تجاعی تیر شاهد بر هم منطبق می باشند سپس سختی تیر شاهد کاهش می یابد . سختی نمونه های تقویت شده بستگی به الگوی نصب FRP دارد ولی در نهایت سختی نمونه های تقویت شده همانند منحنی شاهد (بعد از رسیدن به ظرفیت حداکثر) کاهش می یابد.

۶-۲-۳ بررسی مود شکست نمونهها

شکست تیرهای تقویتنشده به سبب ترکهای قطری و جاری شدن آرماتورهای برشی میباشد پس از تقویت رشد ترکهای قطری کاهش یافته و بار ترک خوردگی تیر افزایش مییابد. در تیرهای تقویتشده بهترین مود شکست پارگی الیاف میباشد زیرا در این صورت از حداکثر ظرفیت الیاف استفاده میشود که این مود شکست متاثر از الگوی تقویت میباشد و چنانچه تیر با استفاده از سیستم تقویتی ورقهای FRP در وجوه کناری با زاویهی قرارگیری الیاف عمود بر ترک، پارگی الیاف محتمل میباشد. اما در بیشتر نمونههای تقویتشده، با توجه به اینکه ترکهای قطری کاملاً محصور نمیشوند و همچنین به دلیل کمبود آرماتورهای کششی و فشاری و ضعف بتن در زیر نقطه بارگذاری شکست حاکم عمدتاً شکست موضعی و خمشی میباشد، لازم به ذکر است در الگوی تقویتی ۱ شکست میباشد، لازم به ذکر است در الگوی تقویتی ۱ شکست

۶-۲-۶- بررسی ضریب شکل پذیری برشی نمونهها
در جدول ۳ ضریب شکل پذیری µ1 و µ2 برای نمونهها

آورده شده است، این جدول نشان میدهد که در تیرهای عمیق با افزایش نسبت دهانهی برشی به عمق، شکل پذیری برشی افزایش پیدا می کند، بدیهی است که با افزایش $\frac{a}{a}$ تیر از حالت برشی فاصله گرفته و به حالت خمشی نزدیک می-شود. از طرفی در تیرهای تقویتشده، وجود لایههای FRP مود. از طرفی در تیرهای تقویتشده، وجود لایههای ۲۹۶ درصدی شکل پذیری برشی μ_1 و ۱۹/۵ تا ۲۰ درصدی μ_2 می شود، که این مقادیر برای نمونهها با ۲۵۵ ۵/۵ تا ۲۶ درصدی شکل پذیری برشی μ_1 و ۱۹/۷ تا ۲۶ درصدی μ_2 می شود که این مقادیر برای نمونهها با ۲۵۵ ۵/۵ تا ۲۶ درصدی شکل پذیری برشی ا μ و ۱۷ تا ۲۶ درصدی μ_2 می شود که شکل پذیری برشی ا μ و ۱۵ تا ۶۶ درصدی دی توری می شود که این اثر مثبت متناسب با الگوی تقویت می باشد به طوری که الگویی که افزایش ظرفیت برشی بیشتری داشته باشد، شکل پذیری برشی بیشتری به دنبال خواهد داشت.

با افزایش مقاومت فشاری بتن شکل پذیری برشی کاهش پیدا می کند، که با افزایش $\frac{a}{a}$ تغییر شکل پذیری برشی کاهش محسوس می باشد. در واقع در تیرها تقویت شده با $\frac{a}{b}$ بالا با کاهش مقاومت فشاری، ضریب شکل پذیری برشی به طور قابل ملاحظهای افزایش پیدا می کند، می توان چنان استنباط کرد که در این حالات تقویت برشی تیر به ویژه با الگوی ۴ شکست غالب از حالت برشی فاصله می گیرد و به حالت خمشی نزدیک می شود، به همین دلیل تغییرات شکل پذیری برشی محسوس تر است (شکل (۱۱)).

۷- نتیجهگیری

نتایج حاصله نشان میدهد که: $1 - [] افزایش <math>\frac{a}{a}$ باعث کاهش ظرفیت برشی تیرهای عمیق و 1 - [] افزایش اثر تقویت کنندگی FRP بر ظرفیت برشی میشود، البته این اثر تقویت کنندگی علاوه بر نسبت دهانهیبرشی به عمق تیر متاثر از الگوی تقویت و تعداد لایه هامیباشد، بهطوری که مناسب ترین الگوی تقویت تیرهایمیباشد، بهطوری که مناسب ترین الگوی تقویت برویمیباشد، بهطوری که مناسب ترین الگوی تقویت رویمیباشد، بهطوری که مناسب ترین الگوی تقویت تیرهایمیباشد، بهطوری که مناسب ترین الگوی تقویت تیرهایمیباشد، بهطوری که مناسب ترین الگوی تقویت تیرهایمیباشد، بهطوری که مناسب ترین الگوی تقویت تیرهایبر رویمیباشد، به میباشد در مساحت آرماتورهای عرضی مؤثر در

سطح از اثر فزایندهی آن کاسته می شود، اثر مثبت آرماتور برشی علاوه بر درصد آرماتور برشی متاثر از محل قرار گیری آرماتور می باشد به طوری که آرماتورهای موجود در وسط دهانهی برشی موثرتر می باشند. ۳- اثر مثبت سیستم FRP متاثر از تعداد لایه های FRP و درصد آرماتور برشی می باشد به طوری که با افزایش تعداد

لایهها و درصد آرماتور برشی، هرچند ظرفیت تیر افزایش مییابد. مییابد اما اثر فزایندهی سیستم FRP کاهش مییابد. ۴- نتایج تحلیل نشان میدهد که علاوه بر مقاومت برشی، a نسبت دهانهی برشی به عمق $(\frac{a}{a})$ بر ضریب شکلپذیری برشی تیرهای عمیق موثر است؛ به طوری که با افزایش $\frac{a}{a}$ و کاهش مقاومت فشاری ضریب شکلپذیری برشی افزایش و کاهش مقاومت فشاری ضریب شکلپذیری برشی افزایش افزایش ۲۰/۲۷ تا ۲۱/۶ درصدی شکلپذیری برشی مقادیر برای افزایش ۲۰/۲۷ تا ۲۰/۶ درصدی شکلپذیری برشی مقادیر برای افزایش ۲۰/۲۷ تا ۲۰/۵ تا ۲۶ درصدی شکلپذیری برشی برشی μ_1

و ۱۷ تا ۲۶ درصدی μ_2 می شود. Δ - بهترین مود گسیختگی پارگی الیاف است که در این مود از حداکثر ظرفیت الیاف استفاده می شود که این نحوه -ی گسیختگی برای نمونه های تقویت شده با الگوی ۴ صورت گرفته است، و لازم به ذکر است که استفاده از حداکثر ظرفیت الیاف در صورتی امکان پذیر است که شکست خمشی و موضعی به دلیل کمبود آرماتور فشاری و کششی و ضعف بتن در نقطهی بارگذاری و محل تکیه گاه ها رخ ندهد.

۸- مراجع

- [1] ACI 318-14. "Building Code Requirements for Structural Concrete and Commentary", American Concrete Institute, 2014.
- [2] ACI 440.2R-08. "Guide for the Design and Construction of Externally Bonded FRP Systems for Strengthening Concrete Structures", American Concrete Institute, 2008.
- [3] A. Khalifa, G. Tumialan, A. Nanni, and A. Belarbi, "Shear Strengthening of Continuous Reinforced Concrete Beams Using Externally Bonded Carbon Fiber Reinforced Polymer Sheets", ACI STRUCTURAL JOURNAL, SP-188, 1999, pp. 995-1008.
- [4] D.I. Kachlakev, and W.A. Barnes, "Flexural and Shear Performance of Concrete Beams Strengthened with Fiber Reinforced Polymer Laminates", ACI Journal, Vol. 188, 1999, pp. 959-972.
- [5] J. Sim, G. Kim, C. Park, M. Ju, "Shear Strengthening Effects with Varying Types of FRP Materials and Strengthening Methods", ACI STRUCTURAL JOURNAL, Vol. 230, 2005, pp. 1665-1680.
- [6] Sherif H. Al-Tersawy, "Effect of fiber parameters and concrete strength on shear behavior of strengthened RC beams", Construction and Building Material, Vol. 44, 2013, pp. 15-24.

[۷] ع.ر. رهائی، " تقویت تیرهای بتن آرمه با سیستم CFRP " هشتمین کنگره بینالمللی مهندسی عمران، ۱۳۹۰.

[۸] ا. عربزاده، م. میرزائی، " ارزیابی مقاومت برشی تیرهای عمیق بتن مسلح ترمیم و تقویت شده با ورقهای CFRP " هشتمین کنگره بینالمللی مهندسی عمران، ۱۳۸۸.

- [9] B.B. Adhikary, H. Mutsuyoshi, and M. Ashraf, "Shear Strengthening of Reinforced Concrete Beams Using Fiber-Reinforced Polymer Sheets with Bonded Anchorage", ACI STRUCTURAL JOURNAL, Vol. 101, 2004, pp. 660-668.
- [10] O. Anil, "Improving shear capacity of RC T-beams using CFRP composites subjected to cyclic load", Cement & Concrete Composites, Vol. 28, 2006, pp.638-649
- [11] Y. Kim, Kevin T. Quinn, Christopher N. Satrom, Wassim M. Ghannoum, and James O. Jirsa, "Shear Strengthening RC T-beams Using CFRP Laminates and Anchors", ACI STRUCTURAL JOURNAL, Vol. 275, 2011, pp. 1-18.
- [12] A. Godat, O. Chaallal, "Strut- and- Tie Method for externally FRP Shear Strengthened Large scale RC Beams", Composite Structural, Vol. 99. 2013, pp. 327-338
- [13] J.A.O. Barros, A.S. Fortes, "Flexural strengthening of concrete beams with CFRP laminates bonded into slits", Cement and Concrete Composites, Vol. 27, 2005, pp. 471-480
- [14] N. Attari, S. Amziane, and M. Chemrouk, "Flexural strengthening of concrete beams using CFRP, GFRP and hybrid FRP sheets" Construction and Building Material, Vol. 37, 2012, pp. 746-757
- [15] A. Bournas Dionysios, and C. Triantafillou Thanasis, "Flexural Strengthening of Reinforced Concrete Columns with near surface- mounted for FRP or Stainless Steel", ACI, Vol. 106, 2009, pp. 495-505.
- [16] G.M. Dalfré, J.A.O. Barros, "NSM technique to increase the load carrying capacity of continuous RC slab", Engineering Structures, Vol. 56, 2013, pp. 137-153.
- [17] G. Foret, and O. Limam, "Experimental and numerical analysis of RC two-way slabs strengthened with NSM CFRP rods", Const. and Build. Mat., Vol. 22, 2006, pp. 80-86.
- [18] S.H. Ahmad, S. Hino, W. Chung, Y. Xie, and T. Yu, "Shear Ductility of Reinforced Concrete Beams of Normal and High Strength Concrete", ACI STRUCTURAL JOURNAL, Vol. 91, 1994, pp. 140-149.
- [19] S.W. Shin, S.K. Ghosh, and J. Moreno, "Flexural Ductility of Ultra High- Strength concrete members", ACI STRUCTURAL JOURNAL, Vol. 86, 1989, pp. 394-400.
- [20] S.W. Shin, S.K. Ghosh, and M. Kamara, "Flexural Ductility, Strength Prediction and hysteretic behavior of Ultra High- Strength concrete members", ACI STRUCTURAL JOURNAL, SP-141, 1990, pp. 239-264
- [۲۱] ی. شریفی، ع.آ. مقصودی، "شکل پذیری اعضای خمشی بتن مسلح پر آرمه ساخته شده با مقاومت بالا"، امیر کبیر، مهندسی عمران، شماره ۲ ،۱۳۹۱، صفحه ۴۶-۳۷.