مدلسازی ریاضی و بررسی تاثیر مساحت دم افقی بر وضعیت پایداری بالگرد یک روتور اصلی در پرواز کروز

فاطمه قادری^{۱،*}و فرید شاهمیری^۲

اطلاعات مقاله	چکیدہ
دریافت مقاله: ۱۳۹۷/۰۸/۰۵	
پذیرش مقاله: ۱۳۹۸/۰۲/۲۵	در این مقاله تأثیر ابعاد دم افقی بر بهبود پاسخهای دینامیکی، خواص پایداری و میزان
	ارتقاء کیفیت و خوشدستی پرواز بالگردهای یک روتور اصلی در پرواز کروز بررسی میشود.
واژگان کلیدی:	این فرایند شامل استخراج مدل دینامیک غیرخطی شش درجه آزادی بر اساس روابط
بالگرد یک روتور اصلی،	آیرودینامیک خطی و با فرض خطی بودن سرعت القایی روتور و دو درجه آزادی فلپینگ و
مدلسازی دینامیکی،	فدرینگ برای بالگرد متشکل از یک روتور اصلی، روتور دم، دم افقی و عمودی، بدنه و
پرواز رو بهجلو،	سامانه پیشرانش است. استخراج مشتقات پایداری و کنترل بالگرد در شرایط تریم و بررسی
پایداری و کنترل بالگرد.	تأثیر تغییر مساحت دم افقی بر پایداری بالگرد در پرواز کروز بیانگر روند مطالعات در مقاله
	حاضر است. نتایج حاصل نشان میدهد که افزایش مساحت دم افقی بالگرد تاثیر قابل
	ملاحظهای بر شرایط تریم بالگرد مورد تحقیق ندارد، و نیازی به محاسبه شرایط تریم برای
	مقادیر مختلف مساحت دم افقی نیست. همچنین نتایج نشان میدهد که تغییر سایز دم
	افقی باعث بهبود پایداری طولی میشود، و با افزایش مساحت دم افقی تا سه برابر مقدار
	اولیه، قطبهای سیستم حلقه باز به ناحیه پایدار منتقل میشود و الزامات استاندارد
	(ADS-33E) برای پرواز در سطح یک پروازی که فراجهش کمتر از ۳۰ درصد و زمان
	نشست کمتر از ۵ ثانیه را اجابت می کند.

۱–مقدمه

به علت ماهیت پیچیده و ناپایداری شدید در نقاط تریم، مسئله پایداری بالگرد در فازهای پروازی مختلف از اهمیت ویژه ای برخوردار است. با توجه به کوپل شدید میان درجات آزادی در فاز کروز، بحث پایداری در این فاز چالش برانگیزتر از فازهای دیگر پرواز بالگرد من جمله پرواز ایستا است. برای بررسی وضعیت پایداری نخستین گام مدل سازی دینامیکی است. سطح کاربردی مدل ریاضی استخراج شده به فرض های اعمال شده بستگی دارد که میانجیما در مرجع [۱]عنوان کرد یکی از مهمترین فرضهای در نظر گرفته شده اعمال تاثیر فلپینگ پره در طراحی سیستم تقویت کنترل

است که تا قبل از این در مدلسازی دینامیکی از تاثیر آن صرفنظر میشد [۲]. از آنجا که یک بالگرد متشکل از اجزای مختلفی نظیر روتور اصلی ، روتور دم، دم افقی و عمودی و بدنه است، نقطه شروع مدلسازی، مدلسازی اجزای آن است. پس از محاسبه نیروها و گشتاورهای هر یک از اجزا [۳] با توجه به تولید قابل توجه برآ و پسا توسط دم افقی به طور حتم تغییرات مساحت این جز بالگرد سهم عمدهای در مرجع [۴]، به تاثیر افزایش مساحت دم افقی بر پایداری پرداخته شده است اما در این مرجع تغییر شرایط تریم با افزایش مساحت و همچنین ارضائ ملزومات استاندارد

^{*} پست الكترونيك نويسنده مسئول: ghaderi.f41@gmail.com

۱. کارشناسی ارشد، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه مالک اشتر

۲. استادیار، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه مالک اشتر

نظامی در نظر گرفته نشده است.

به دلیل پیچیدگی و دشواری مدلسازی دینامیکی بالگردها نیز روشهای میانبر نظیر روش شبکههای عصبی [۵]، کنترل فازی [۶] و یا ترکیبی از این روشها [۷و ۸] برای کنترل بالگردها استفاده شده است.

این تحقیق با هدف مدل سازی دینامیکی شش درجه آزادی بهمنظور بررسی تأثیر تغییر مساحت دم افقی بر پایداری بالگردهای یک روتور اصلی مجهز به روتور با ساختار لولایی با خروج از مرکزیت مشخص و با فرض دو درجه آزادی فلپینگ و فدرینگ برای پرههای صلب و با احتساب فرض سرعت القایی یکنواخت در صفحه روتور اصلی ارائه میشود. در این راستا یک مدل آیرودینامیک خطی و مطلوب برای توصیف رفتار دینامیکی روتور اصلی، روتور دم، بدنه، دم افقی و عمودی و سایر اجزای گردنده بالگرد استخراج شده معادلات دیفرانسیل غیر خطی بیان میشود. پس از تخمین شرایط تریم و استخراج مشتقات پایداری در پرواز رو به جلو، پایداری سیستم و همچنین کیفیت خوشدستی بر اساس ملزومات استاندارد نظامی با تغییر سایز دم افقی تحلیل شد.

T – **مدل سازی دینامیکی و تحلیل پایداری بالگرد** در اینجا برای استخراج معادلات حرکت شش درجه آزادی بدنه بالگرد فرض کرده دستگاه مختصات ثابت بدنه (x_B, y_B, Z_B) واقع بر مرکز ثقل بالگرد و دستگاه مختصات اینرسی (x_I, y_I, z_I) واقع بر سطح زمین ثابت است. بر اساس قوانین کلاسیک نیوتن میتوان نشان داد که معادلات حرکت شش درجه آزادی جسم صلب در فضا عبارتاند از [10]:

 $m\dot{U} = VR - WQ - gsin\theta + X \tag{1}$

$$m\dot{V} = WQ - UR + gsin\varphi\cos\theta + Y \qquad (\Upsilon)$$

$$m\dot{W} = UQ - VP + g\cos\theta\cos\varphi + Z \qquad (7)$$

$$I_{xx}\dot{P} = (I_{yy} - I_{zz})QR + I_{xz}PQ + L \qquad (f)$$

$$\begin{split} I_{yy} \dot{Q} &= (I_{zz} - I_{xx}) P R + I_{xz} (R^2 - P^2) \quad (\Delta) \\ &+ M \end{split}$$

$$I_{zz}R = (I_{xx} - I_{yy})PQ - I_{xz}QR + N$$
(9)

$$P = \dot{\phi} - \dot{\psi}\sin\theta \tag{Y}$$

$$Q = \dot{\theta} \cos\varphi + \dot{\psi} \cos\theta \sin\varphi \tag{(A)}$$

در روابط فوق (U,V,W) سرعتهای خطی(P,Q,R) سرعتهای زاویهای ((arphi, heta, heta) زوایای اویلر، (X,Y,Z) نیروها و (L,M,N) بیانگر گشتاورهای آیرودینامیکی ناشی

از اجزای مختلف بالگرد شامل روتور اصلی، روتور دم، دم

 $R = \dot{\psi}cos\theta cos\varphi - \dot{\theta}sin\varphi$

افقی، دم عمودی و بدنه است. در شرایط تریم یا تعادل برایند کلیه نیروها و گشتاورهای ناشی از آیرودینامیک، گرانش و اینرسی ورودی به ازای های کنترل داده شده، صفر است. هدف از انجام تریم محاسبه ورودی های کنترلی لازمی است که بتواند شرایط تریم را ایجاد کند.

برای محاسبه پارامترهای شرایط تریم باید نرخ تغییرات بردارهای سرعت خطی و زاویه ای و نیز نرخ تغییرات زوایای اویلر را برابر صفر قرار داد.

$$\dot{U} = \dot{V} = \dot{W} = 0$$

$$\dot{P} = \dot{Q} = \dot{R} = 0$$

$$\dot{\theta} = \dot{\phi} = 0$$

اعمال این فرضیات و استفاده از روابط مرجع [۴] به معادلات زیر در شرایط تریم می انجامد.

$$X_M + X_T + X_H + X_V + X_F$$
(1.)
= G.W sin θ

$$Y_M + Y_T + Y_H + Y_V + Y_F$$

$$= -G.W \sin\phi$$
(11)

$$Z_M + Z_T + Z_H + Z_V + Z_F$$
(17)
= -G. W cos θ

$$R_M + Y_M b_M + Z_M y_m + Y_T b_{T+} Y_V b_V \qquad (1\%)$$

+ $Y_F b_F + R_F = 0$

$$M_M - X_M b_M + Z_M l_M + M_T - X_T b_T + Z_T l_T - X_H b_H + Z_H l_H - X_V b_V + M_F + Z_F l_F - X_F b_F = 0$$
(14)

$$N_M - Y_M l_M - Y_T l_T - Y_V l_V + N_F$$

$$- Y_F l_F = 0$$
(10)

(۹)

$$\begin{split} u_R &= \mu \Omega R \cos \psi_b \qquad (\Upsilon f) \\ \lambda &= cos (1 + 1) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Upsilon h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Upsilon h) \\ T/(\rho(\pi R^2)(\Omega R)^2) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= (\Gamma h) \\ \lambda &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha_{NFP} + \frac{C_T^2}{2\sqrt{\mu^2 + \lambda^2}}, \quad C_T &= \mu \tan \alpha$$

$$T = (\gamma \sqrt{(m - L_F)^2 + (D_F + H_M + H_T)^2})$$

در این معادلات پسا و برآی بدنه با توجه به ابعاد بدنه بهصورت تابعی از زاویه حمله بدنه (α_F) از نمودارهای ۱و ۲ که بر اساس ابعاد بالگرد مورد نظر رسم شدهاند محاسبه شدند:

$$L_F = q(L_F/q) \tag{YA}$$

$$D_F = qf \tag{Y9}$$

$$\alpha_F = \alpha_{TPP} - i - a_{1_s} - \Delta \alpha_{D.W} \tag{(7.)}$$

در اینجا $\Delta \alpha_{D.W}$ به زاویه فروریزش (داونواش) ایجاد شده بر روی بدنه توسط روتور که در تونل باد به صورت تجربی بهدست آمده، اشاره دارد همچنین f و a_{1s} به ترتیب بیانگر مساحت صفحه تخت معادل و زاویه فلپینگ طولی است.



شكل ۱- تغييرات برآى بدنه نسبت به زاويه حمله

$$X_{M}$$
(19)

$$= \frac{b}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{R} \left(\left[\frac{1}{2} \rho ac(\theta u_{P} u_{T} - u_{P}^{2} + C_{d} u_{T}^{2}/a) dy \right] sin\psi_{b} + \left[\frac{1}{2} \rho u_{R}^{2} cdyC_{d} \right] cos\psi_{b} \right) d\psi_{b}$$
(19)

$$Y_{M}$$
(19)

$$= \frac{b}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{R} \left(-\left[\frac{1}{2} \rho ac(\theta u_{P} u_{T} - u_{P}^{2} + C_{d} u_{T}^{2}/a) dy \right] cos\psi_{b} + \left[\frac{1}{2} \rho u_{R}^{2} cdyC_{d} \right] sin\psi_{b} \right) d\psi_{b}$$

$$Z_M = T = \frac{b}{2\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^R \left[\frac{1}{2}\rho ac(\theta u_T^2) - u_T u_P)dy\right] d\psi_b$$
(1A)

$$L_{M}$$

$$= \frac{b}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{R} y \left[\frac{1}{2}\rho ac(\theta u_{T}^{2} - u_{T}u_{P})dy\right] sin\psi_{b} d\psi_{b}$$
(19)

$$M_{M} \qquad (\Upsilon \cdot)$$

$$= -\frac{b}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{R} y \left[\frac{1}{2}\rho ac(\theta u_{T}^{2} - u_{T}u_{P})dy\right] cos\psi_{b} d\psi_{b}$$

$$N_{M} = \frac{b}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{R} y \left[\frac{1}{2}\rho ac(\theta u_{P}u_{T} - u_{P}^{2} + C_{d}u_{T}^{2}/a)dy\right] d\psi_{b}$$
(71)

در روابط فوق، c وتر پره، R شعاع پره، ho دانسیته هوا، ۵شیب منحنی برآی ایرفویل است.

سریب پسای $C_a = 00087 - 0.0216\alpha + 0.4\alpha^2$ فریب پسای ایرفویل، α زاویه حمله ایرفویل (رادیان)، (u_T, u_R, u_P) و مولفههای سرعت المان دیفرانسیلی پره به ضخامت dy و by مولفه های سرعت المان دیفرانسیلی در سرعت Ω رادیان بر فاصله y از مرکز دوران روتور اصلی در سرعت Ω است) است (شکل ۱)، ثانیه است (سرعت بالگرد برابر V_∞ است) است (شکل ۱)، یعنی؛

$$u_{T} = \Omega y + \mu \Omega R \sin \psi_{b}, \qquad (\Upsilon \Upsilon)$$

$$= V_{\infty} \cos \alpha_{NFP}$$

$$/(\Omega R)$$

$$u_{P} = y \left(\frac{d\beta}{d\psi}\right) + \mu \Omega R \beta \cos \psi_{b}$$

$$+ \lambda \Omega R,$$

$$\beta = a_{0} - a_{1s} \cos \psi_{b} - b_{1s}$$

$$(\Upsilon \Upsilon)$$

$$m(\dot{w} + U_1q + Q_1u + V_1p + P_1v + (\gamma\gamma))$$

$$g\theta \cos\Phi_1 \sin\Theta_1 + g\phi \cos\Phi_1 \cos\Theta_1 = \left(\frac{\partial Z}{\partial u}u + \cdots\right)_{M} + (\cdots)_{T} + (\cdots)_{H} + (\cdots)_{V} + (\cdots)_{F}$$

$$I_{xx}\dot{p} - I_{xz}\dot{r} - I_{xz}(P_1q + Q_1p) + \qquad (\texttt{TF})$$

$$(I_{zz} - I_{yy})(R_1q + Q_1r) =$$

$$\left(\frac{\partial M}{\partial u}u\cdots\right)_M + (\cdots)_T + (\cdots)_H +$$

$$(\cdots)_V + (\cdots)_F$$

$$I_{yy}\dot{q} + (I_{xx} - I_{zz})(P_1r + R_1p) + (\tau\Delta)$$

$$I_{xz}(2P_1p - 2R_1r) = \left(\frac{\partial L}{\partial u}u\cdots\right)_M + (\cdots)_T + (\cdots)_H + (\cdots)_V + (\cdots)_F$$

$$\begin{split} &I_{zz}\dot{r} - I_{xz}\dot{p} + (I_{yy} - I_{xx})(P_1q + (r_F)) \\ &Q_1p) + I_{xz}(Q_1r + R_1q) = \\ &\left(\frac{\partial N}{\partial u}u \cdots\right)_M + (\cdots)_T + (\cdots)_H + \\ &(\cdots)_V + (\cdots)_F \end{split}$$

$$p = \dot{\phi} - \dot{\Psi}_1 \theta \cos \Theta_1 - \dot{\psi} \sin \Theta_1 \qquad (\text{eq})$$

$$\begin{split} q &= -\Theta_1 \phi \sin \Phi_1 + \theta \cos \Phi_1 + \qquad (\text{TA}) \\ \dot{\Psi}_1 \phi \cos \Theta_1 \cos \Phi_1 - & \\ \dot{\Psi}_1 \theta \sin \Theta_1 \sin \Phi_1 + & \\ \dot{\psi} \cos \Theta_1 \sin \Phi_1 & \\ r &= -\dot{\Psi}_1 \phi \cos \Theta_1 \sin \Phi_1 - & \\ \dot{\Psi}_1 \theta \sin \Theta_1 \cos \Phi_1 + & \\ \dot{\psi} \cos \Theta_1 \cos \Phi_1 - \dot{\Theta}_1 \phi \cos \Phi_1 - & \\ \end{split}$$

$$\dot{\theta}$$
 sin Φ_1

در روابط بالا، اندیس (۱) مقدار متغیر در شرایط پرواز تریم و سایر متغیرها نشانگر اغتشاشات در مولفههای سرعت خطی (u, v, w) و زاویهای (p, q, r) بالگرد در دستگاه مختصات بدنه است.

اندیس M معرف روتور اصلی و T روتور دم بالگرد H دم افقی V دم عمودی و F بدنه است. همچنین θ_{0M} زاویه گام کالکتیو روتور اصلی، θ_{0T} کالکتیو روتور دم، A زاویه گام سایکلیک طولی و B سایکلیک عرضی است که به عنوان ورودیهای کنترل (فرمان های ورودی خلبان) در نظر گرفته می شوند. در روابط فوق نیروها و گشتاورها از مشتقات پایداری که بیانگر تغییرات نیروها و گشتاورهای طولی (X, Z, M) و عرضی(Y, L, N) نسبت به تغییر



سرعتهای خطی و زاویهای طولی و عرضی است، به دست آمدهاند .

تعدادی از مشتقات پایداری و مقادیر آن ها برای بالگرد مورد تحقیق با مشخصات مندرج در جدول ۱، در جدول ۲ ارائه شده است.

مونه	جدول ۱- مشخصات فیزیکی بالگرد نمونه					
پارامتر	معادل فارسی	مقدار				
		(SI)				
W	وزن برخاست بالگرد	۹۰۷۱ کیلوگرم				
R	شعاع پرہ	۹/۱ متر				
А	مساحت روتور	۲۶۲/۶ متر مربع				
ΩR	سرعت خطى	۱۹۸ متر بر ثانیه				
с	وتر	۰/۶ متر				
N	تعداد پره	۴				
σ	صلبيت	•/•٨۵				
A _b	مساحت پره ها	۲۲/۳ متر مربع				
	اير فويل	۰۰۱۲ ناکا				
θ_{tw}	پیچش خطی	۰/۱۷ رادیان				
e _f	فاصله هاب تا لولا	۰/۰۵				
b _H	طول دم افقی	۲/۷۴ متر				
AR _H	نسبت منظری دم افقی	۴/۵				
c _t /c _r	نسبت باریک شوندگی دم افقی	• / ٧ ١				
Sv	مساحت دم عمودی	۳/۰۶ متر مربع				
b _V	طول دم عمودی	۲/۳۴ متر				
AR _V	نسبت منظری دم عمودی	١/٩				
Iyy	ممان اینرسی حول محور پیچ	۱۶۸۵ کیلوگرم متر مربع				
I ₁	ممان اینرسی فلپینگ	۱۲۱ کیلوگرم متر مربع				
γ	عدد لاک	٨/١				
R _t	شعال پره روتور دم	۱/۹۸ متر				
A _t	مساحت روتور دم	۱۲/۳۵ متر مربع				

$\Omega_t R_t$	سرعت خطی روتور	۱۹۸ متر بر ثانیه
	دم	
Nt	تعداد پره دوتور دم	٣
σ_t	صلبيت روتور دم	۰/۱۴۶
A _{bt}	مساحت پره های	۱/۸ متر مربع
	روتور دم	
θ_{twt}	پیچش خطی روتور	۰۸۷– رادیان
	دم	
γt	عدد لاک روتور دم	۴
S _H	مساحت دم افقی	۱/۶۷ متر مربع

مشتقات پایداری	جدول ۲-	

مشتق پايدارى	مقدار برای بالگرد مثال	واحد
$ \begin{pmatrix} \frac{\partial X}{\partial u} \end{pmatrix}_{M} \\ = -\rho A_{b} (\Omega R)^{2} \left\{ \begin{bmatrix} \frac{\partial C_{H}}{\sigma} \\ \frac{\partial \sigma}{\partial \mu} \end{bmatrix} + \frac{\frac{\partial C_{H}}{\sigma}}{\partial a_{1_{s}}} \frac{\partial a_{1_{s}}}{\partial \mu} + (a_{1_{s}} + i_{M}) \frac{\frac{\partial C_{T}}{\sigma}}{\partial \mu} \end{bmatrix} \frac{\partial \mu}{\partial u} \\ + \left\{ \frac{\frac{\partial C_{H}}{\sigma}}{\partial \lambda'} + \frac{\frac{\partial C_{H}}{\sigma}}{\partial a_{1_{s}}} \frac{\partial a_{1_{s}}}{\partial \lambda'} + (a_{1_{s}} + i_{M}) \right\} \frac{\partial \lambda'}{\partial u} \right\} $	١٢	ثانيه /فوت / پوند
$ \begin{pmatrix} \frac{\partial X}{\partial u} \\ \frac{\partial X}{\partial u} \\ \frac{2}{V} X_{H} \\ + \begin{pmatrix} \frac{q_{H}}{q} \end{pmatrix} q A_{H} a_{H} \left\{ (\alpha_{H} \\ - \alpha_{L0}) \left[1 \\ - \frac{2a_{H}(1 + \delta_{i})}{\pi A \cdot R} \right] \\ + (\alpha_{H} - i_{H}) \left\{ \frac{\partial \alpha_{H}}{\partial u} \right\} $		ثانيه /فوت / پوند
$\left(\frac{\partial X}{\partial u}\right)_V = \frac{2}{V} \left[X_V + 2\Delta D_V\right]$	•	ثانيه/فوت/پوند
$\left(\frac{\partial X}{\partial u}\right)_F = \frac{2}{V}X_F$	٨	ثانيه/فوت/پوند

$\left(\frac{\partial M}{\partial w}\right)_{M}$	490	ثانيه/فوت/پوند فوت	$\left(\frac{\partial X}{\partial w}\right)_M$		۵	نيه/فوت/پوند	ثا
$= \left(\frac{\partial M}{\partial a_{1_s}}\right) \left[\frac{\partial a_{1_s}}{\partial \lambda'}\frac{\partial \mu}{\partial u}\right]$			$=-\rho A_b$	$(\Omega R)^2 \left[\frac{\partial C_H / \sigma}{\partial \lambda'} \right]$			
$\left(+ \frac{\partial a_{1_s}}{\partial \lambda'} \frac{\partial \lambda'}{\partial u} \right) - X_u b_M$			$+ C_T / \sigma^2$	$\frac{\partial a_{1_s}}{\partial \lambda'}$			
$+Z_u l_M$			$+(a_{1_{s}}+$	$\left[\frac{\partial \lambda}{\partial w}\right]$			
$\left(\frac{\partial M}{\partial w}\right)_{H}$	777	ثانيه /فوت / پوند .فوت	$\left(\frac{\partial X}{\partial w}\right)$		١	نيه/فوت/پوند	ثا
$= -\left(\frac{\partial X}{\partial u}\right)_{H} b_{H}$			$(\partial W)_{H} = \left(\frac{q_{H}}{q_{H}}\right)$	$qA_Ha_H\Big\{(\alpha_H$			
$+\left(\frac{\partial Z}{\partial u}\right)_{H}l_{H}$			(q) $-\alpha_{L0})$	1			
$\left(\frac{\partial M}{\partial w}\right)$	۳۷۴	ثانيه/فوت/پوند فوت	$-\frac{2a_H(\pi)}{\pi}$	$\frac{(1+\delta_i)}{AR}$			
$=\frac{2}{V}M_F$			$+(\alpha_{H} -$	$-i_H$) $\left\{\frac{\partial \alpha_H}{\partial y}\right\}$			
$+ q \frac{\partial (M/q)}{\partial \alpha_F} \frac{\partial \alpha_F}{\partial u}$			$\left(\frac{\partial X}{\partial X}\right)$,	٢		
نمایش ماتریسی معادلات	پايدارى،	برای سهولت بررسی	$(\partial w)_F = (L_F -$	$-q\frac{\partial f}{\partial \alpha}\Big)\frac{\partial \alpha_F}{\partial w}$			
ورده شده است.	م در زیر آ	۲۱–۲۹ در شرایط تری	(Uu_F / UW			
$\begin{bmatrix} -ms + \frac{\partial X}{\partial u} & \frac{\partial X}{\partial w} \end{bmatrix}$		$\left(\frac{\partial X}{\partial q} - mU_1\Theta_1\right)s - mg$	$\frac{\partial X}{\partial v}$	$\frac{\partial X}{\partial p}s$		$\frac{\partial X}{\partial r}s$	[u(s)
$\frac{\partial Z}{\partial u} \qquad \left[\left(\frac{\partial Z}{\partial \dot{w}} - m \right) \right]$	$s + \frac{\partial Z}{\partial w}$	$\left(\frac{\partial Z}{\partial q} + mU_1\right)s$	$rac{\partial Z}{\partial v}$	$\frac{\partial Z}{\partial p}s$		$\frac{\partial Z}{\partial r}s$	w(s)
$\frac{\partial M}{\partial u} \qquad \frac{\partial M}{\partial \dot{w}}s +$	∂M ∂w	$-I_{yy}s^2 + \frac{\partial M}{\partial q}s$	$\frac{\partial M}{\partial v}$	$\frac{\partial M}{\partial p}s$		$\frac{\partial M}{\partial r}s$	θ(s)
$\frac{\partial Y}{\partial u} \qquad \frac{\partial Y}{\partial w}$		$\frac{\partial Y}{\partial q}s$	$-ms + \frac{\partial Y}{\partial v}$	$\left[\left(\frac{\partial Y}{\partial p} + mU_1\Theta_1\right)\right]$	s + mg	$\left(\frac{\partial Y}{\partial r} - mU_1\right)s$	v(s)
$\frac{\partial L}{\partial u} \qquad \qquad \frac{\partial L}{\partial w}$		$\frac{\partial L}{\partial q}s$	$rac{\partial L}{\partial v}$	$-I_{xx}s^2 + \frac{\partial}{\partial t}$	$\frac{L}{p}s$	$\frac{\partial L}{\partial r}s$	φ(s)
$\left[\begin{array}{cc} \frac{\partial N}{\partial u} & \frac{\partial N}{\partial w} \end{array}\right]$		$\frac{\partial N}{\partial q}s$	$\frac{\partial N}{\partial v}$	$\frac{\partial N}{\partial p}s$		$-I_{zz}s^2 + \frac{\partial N}{\partial r}s$	$\psi(s)$

	$-\frac{\partial X}{\partial \theta_{0_M}}$	$-\frac{\partial X}{\partial \theta_{0_T}}$	$-\frac{\partial X}{\partial A_1}$	$-\frac{\partial X}{\partial B_1}$	
	$-rac{\partial Z}{\partial \theta_{0_M}}$	$-rac{\partial Z}{\partial \theta_{0_T}}$	$-rac{\partial Z}{\partial A_1}$	$-\frac{\partial Z}{\partial B_1}$	$\left[\overset{\theta_{0_{M}}}{} \right]$
_	$-\frac{\partial M}{\partial \theta_{0_M}}$	$-\frac{\partial M}{\partial \theta_{0_T}}$	$-\frac{\partial M}{\partial A_1}$	$-\frac{\partial M}{\partial B_1}$	θ_{0_T}
	$-rac{\partial Y}{\partial \theta_{0_M}}$	$-\frac{\partial Y}{\partial \theta_{0_T}}$	$-\frac{\partial Y}{\partial A_1}$	$-rac{\partial Y}{\partial B_1}$	<i>A</i> ₁
	$-rac{\partial L}{\partial \theta_{0_M}}$	$-\frac{\partial L}{\partial \theta_{0_T}}$	$-\frac{\partial L}{\partial A_1}$	$-\frac{\partial L}{\partial B_1}$	
	$-\frac{\partial N}{\partial \theta_{0_M}}$	$-\frac{\partial N}{\partial \theta_{0_T}}$	$-\frac{\partial N}{\partial A_1}$	$-\frac{\partial N}{\partial B_1}$	

(4.)

جدول ۳ - نتایج تخمین شرایط تریم به ازای مساحت دم افقہ 1/۶۷ (۱/۶۷ متر مربع)

,,	· · ·	, U	
پارامتر	مرحله اول	مرحله دوم	مرحله سوم
زاویه حمله بدنه، رادیان(نقطه شروع)	•	-•/• ٩٢	-•/•٩۵
نیروی برآی بدنه، نیوتن	- 1 8 4 9/8 1	-*•91/**8	-377.
نیروی پسای بدنه، نیوتن	89.7/10V	٣٩٩١/٣ ٨٩	4.1./981
نیروی پسای روتور اصلی، نیوتن(نقطه شروع)	٨•۵/١٢٨	947/7	۱۳۵۳/۸۶
نیروی پسای روتور دم، نیوتن(نقطه شروع)	۵۳/۳۷۸	149/491	148/989
زاویه صفحه گذرنده از نوک پرههای روتور اصلی، نیوتن	-•/•&tf	-•/•۵۴۶	-/• ۵ ٩۴
نیروی پسای روتور اصلی، نیوتن	•/•¥۶۶	•/•٧۴٩	•/•¥۵
نیروی پسای روتور دم، نیوتن	٩۴٣/٢	۱۳۵۳/۸۶	1344/•41
زاويه حمله بدنه، راديان	۱۴۵/۸۵۷	148/989	107/44
تراست روتور دم، نيوتن	٣١٩ ٧/٩١۵	*** */77*	۳۳۳۱/۴۹۵
زاویه گام سایکلیک طولی، رادیان			_•/•¥
زاویه گام سایکلیک عرضی، رادیان			•/•٨٩

۳- نتايج

مقایسه دادههای جداول ۳- ۵ نشان داد که تغییر مساحت دم افقی تاثیری کمتر از ۵ درصد بر نقاط تریم دارد. از این رو میتوان از تغییرات آن صرفنظرکرد. پس از محاسبه نقاط تریم ، از آنجا که در پرواز رو به جلو بر خلاف پرواز ایستا (Hover) [۱۱] جداسازی معادلات

طولی و عرضی خطای قابل توجهی را در محاسبات ایجاد می کند معادلات به صورت کوپل بررسی شدند.

جدول ۴ - نتایج تخمین شرایط تریم به ازای مساحت دم افقی 36*ft*² متر مربع)

پارامتر	مرحله اول	مرحله دوم	مرحله
			سوم
زاويه حمله بدنه،	•	•/•97	-•/•9۵
رادیان(نقطه شروع)			
نیروی برآی بدنه،	- 1 8 4 9/8 1	۳•۹۱/۳۳۶	WTYX/91V
نيوتن		-	-
نیروی پسای بدنه،	34.4/101	W991/TAA	4010/829
نيوتن			
نیروی پسای روتور	۸۰۵/۱۲۸	941/888	۱۳۵۶/۷۰۷
اصلي، نيوتن(نقطه			
شروع)			
نیروی پسای روتور	54/22	141/00	148/120
دم، نيوتن(نقطه			
شروع)			
زاويه صفحه گذرنده	-•/•۵١٩	-•/•۵۴•	-•/• ۵ ۸۹
از نوک پرههای روتور			
اصلي، نيوتن			
نیروی پسای روتور	941/14	1896/100	1807/82
اصلي، نيوتن			
نیروی پسای روتور	140/002	148/120	۱۳/۶۸۶
دم، نيوتن			
زاويه حمله بدنه،	-/•9Y	-٠/٠٩۵	-•/N
راديان			
تراست روتور دم،	****	8788/81	880/909
نيوتن			
زاویه گام سایکلیک			-•/•۴١
طولى، راديان			
زاویه گام سایکلیک			•/• ٩
عرضي، راديان			

با جایگذاری عددی ماتریس ۴۰ برای بالگرد مورد تحقیق ماتریس ۴۱ حاصل شد.

معادله مشخصه دترمينان ماتريس فوق بهازاي مساحت دم افقي 18 ft²:

 $s^{8} + 10.19s^{7} + 31.43s^{6} +$ (ft) $65.27s^{5} + 52.74s^{4} - 68.81s^{3} +$ $3.86s^{2} + 3.10s - 0.066 = 0$

که ریشههای معادله مشخصه عبارتند از: $p_1 = [-2.38 \pm 6.70 i - 0.855 \pm 2.84 i - 0.189 0.021 0.292 0.521]$ جدول 5 - نتایج تخمین شرایط تریم به ازای مساحت دم افقی

	• /۵ مىر مربع	1) 54] t	
پارامتر	مرحله اول	مر حله دوم	مرحله سوم
زاویه حمله بدنه، رادیان(نقطه شروع)	•	•/•٩٢	-•/•9۵
نیروی برآی بدنه، نیوتن	- 1 8 4 4 1	W•91/TTS -	-****
نیروی پسای بدنه، نیوتن	89.7/100	8991/178	4.1./124
نیروی پسای روتور اصلی، نیوتن(نقطه شروع)	٨٠۵/١٢٨	941/188	1808/1.1
نیروی پسای روتور دم، نیوتن(نقطه شروع)	۵۳/۳۷۸	۱۴۷/۰۵۸	۱۴۸/۱۲۵
زاویه صفحه گذرنده از نوک پرههای روتور اصلی، نیوتن	-•/•۵۱۹	-•/• ۵ ۴•	-•/•∆ ∧ ٩
نیروی پسای روتور اصلی، نیوتن	941/14	1808/1.1	۱۳۵۸/۶۲۱
نیروی پسای روتور دم، نیوتن	۱۴۷/۰۵۸	148/120	۱۳/۶۸۶
زاویه حمله بدنه، رادیان	-/•9۲	-•/•۹۵	-•/١
تراست روتور دم، نیوتن	****	22422	rrar/989
زاویه گام سایکلیک طولی، رادیان			-•/•۴١
زاویه گام سایکلیک عرضی، رادیان			•/•٩

در شکلهای (۱۲–۱۵) خروجیها به ازای مساحت دم افقی 54 ft² رسم شدهاند. در این نمودارها پایداری محرز است و همچنین کیفیت خوشدستی مطابق با استاندارد نظامی برای پرواز در سطح یک در پرواز رو به جلو ADS-33E است.

مطابق با این استاندارد برای پرواز در سطح یک در پرواز رو به جلو زمان نشست کمتر از ۵ ثانیه و درصد فراجهش کمتر از ۳۰ تعیین شده است [۱۳] (شکل۱۶).

شکلهای (۱۲–۱۵) نشان میدهد با سه برابر کردن مساحت دم افقی متغیرهای طولی حالت u,w,q,θ هر کدام در زمان کمتر از ۵ ثانیه پایدار شدهاند و همچنین درصد فراجهش آنها کمتر از ۳۰ است که مطابق با استاندارد لازم برای پرواز رو به جلو در سطح یک است.

² angle of attack stability

که وجود مقادیر ویژه مثبت بیانگر ناپایداری سیستم است. همچنین ریشهها به ازای مساحت دم افقی $54 \, ft^2$ و $36 \, ft^2$ $p2 = [-1.95 \pm 6.30 i - 0.55 \pm 1.4 i - 0.12 \ 0.02 \ 0.21 \ 0.49]$

 $p3 = [-0.12 \ 0.02 \ 0.21 \ 0.49]$ $p3 = [-.98 \pm 4.70i \ -0.45 \pm .87i \ -0.1 \ -0.009 \ -0.19 \ -0.21]$ and the set of the set of



شکل ۳ - نمودار پایداری [۴]

همان طور که ملاحظه می شود با تغییر مساحت دم تا ۳ برابر پایداری حاصل شده است.

ناپایداری سیستم در شکلهای (۴-۲) که پاسخهای دینامیکی سیستم با مساحت دم افقی ² 18ft به ازای ورودی پله نشان میدهد، مشخص است. در شکلهای (۸-۱۱) نیز خروجیها را به ازای ورودی پله با مساحت دم افقی 116 نشان داده است که بیانگر ناپایداری طولی هستند.

¹ speed stability



مجله مدل سازی در مهندسی







شکل ۱۷- مولفه های سرعت، نیروهای و گشتاور های روتور اصلی

پرداخته شد، که نتایج حاصل نشان داد که با افزایش مساحت دم افقی تا سه برابر پایداری برای بالگرد مورد بررسی حاصل شد همچنین نتایج حاصل از شبیهسازی بهخوبی ملزومات استاندارد نظامی که مطابق با آن برای پرواز سطح یک در پرواز روبه جلو درصد فراجهش کمتر از ۳۰ و زمان نشست کمتر از ۵ ثانیه تعیین شده است، را اجابت می کند.

۴- نتیجه گیری
این تحقیق با هدف مدلسازی دینامیکی شش درجه آزادی بالگردهای یک روتور اصلی مجهز به روتور با ساختار لولایی با خروج از مرکزیت مشخص و با فرض دو درجه آزادی فلپینگ و فدرینگ برای هر پره و همچنین فرض سرعت القایی یکنواخت در صفحه روتور اصلی ارائه شده است.
پس از تخمین شرایط تریم و استخراج مشتقات پایداری، به تحلیل پایداری طولی سیستم با تغییر سایز دم افقی

مراجع

[1] K. Miyajima, "Analytical design of a high performance stability and control augmentation system for a hingeless rotor helicopter," Journal of the American Helicopter Society, Vol. 24, No. 3, 1979, pp. 29-36.

[2] C. W. Ellis, "Effects of rotor dynamics on helicopter automatic control system requirements," Aeronaut. Eng. Rev, 1953, Vol. 12, No. 7.

[3] W. Johnson, "Technology Drivers in the Development of CAMRAD II", In American helicopter society aeromechanics specialists conference, San Francisco, California, 1994.

[4] R. W. Prouty, Helicopter performance, stability, and control, PWS Engineering, University of Michigan, 1995.

[5] S. Suresh, and N. Sundararajan, "An on-line learning neural controller for helicopters performing highly nonlinear maneuvers," Applied Soft Computing, Vol. 12, No. 1, 2012, pp. 360-371.

[6] B. Kadmiry, P. Bergsten, and D. Driankov, "Autonomous helicopter control using fuzzy gain scheduling", in Robotics and Automation, 2001. Proceedings 2001 ICRA, IEEE International Conference on, Vol. 3, 2001, pp. 2980-2985.

[۷] عبدا... عباسی و سمانه آقاعمو، "طراحی کنترل تطبیقی11 برای پایدارسازی سیستمهای آشوبناک با وجود نامعینی در مدل"، نشریه مدلسازی در مهندسی، دوره ۱۶، شماره ۵۲، بهار ۱۳۹۷، صفحه ۱۵–۱۵.

مجله مدل سازی در مهندسی

[۹] مهدی بقائی، حسین شاهوردی و محمود هاشمینژاد، "مدلسازی آیروهیدروالاستیک توربین بادی با سکوی پایه کششی"، نشریه مدلسازی در مهندسی، دوره ۱۰، شماره ۳۰، پاییز ۱۳۹۱، صفحه ۱–۱۷.

[10] G. Vladislav, Dynamic model for a miniature aerobatic helicopter, Handbook of unmanned aerial vehicles, 2015, pp. 279-306.

[11] A. A. Wahab, R. Mamat, and S. S. Shamsudin, "Control system design for an autonomous helicopter model in hovering using pole placement method, "in Proceedings of the 1st Regional Conference on Vehicle Engineering and Technology, 2006, pp. 3-5.

[12] C. P. Sanders, P. A. DeBitetto, E. Feron, H. F. Vuong, and N. Leveson, "Hierarchical control of small autonomous helicopters," in Decision and Control, Proceedings of the 37th IEEE Conference on, 1998, vol. 4, 1998, pp. 3629-3634.

[13] J. A. Franklin, Dynamics, control, and flying qualities of V/STOL aircraft, Aiaa, 2002.